

[P]

PatterN DriLL
수능 빈출 유형 분석
삼각함수의 극한과 도형

5A ACADEMY
SOOHAN

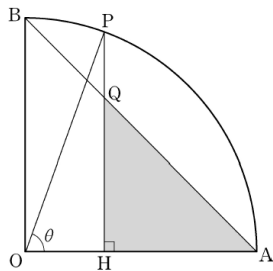


[직각삼각형 찾기]

▷ 직각삼각형에서 길이 옮기기
: 사인법칙, 코사인법칙이 없던 시절의
중요한 접근 방식. 여전히 중요하다.

001. [2017학년도 수능 14번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린 수선의 발을 H, 선분 PH와 선분 AB의 교점을 Q라 하자. $\angle POH = \theta$ 일 때, 삼각형 AQH의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^4}$ 의 값은?1) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)



- ① $\frac{1}{8}$
- ② $\frac{1}{4}$
- ③ $\frac{3}{8}$
- ④ $\frac{1}{2}$
- ⑤ $\frac{5}{8}$

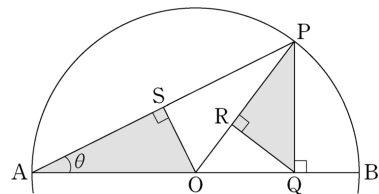
002. [2012학년도 수능 27번]

그림과 같이 중심이 O이고 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 원 위의 점 P에서 선분 AB에 내린 수선의 발을 Q, 점 Q에서 선분 OP에 내린 수선의 발을 R, 점 O에서 선분 AP에 내린 수선의 발을 S라 하자.

$\angle PAQ = \theta$ ($0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)일 때, 삼각형 AOS의 넓이를 $f(\theta)$,

삼각형 PRQ의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\theta^2 f(\theta)}{g(\theta)} = \frac{q}{p}$ 일

때, $p^2 + q^2$ 의 값을 구하여라.2) (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.)





[보조선 긋기]

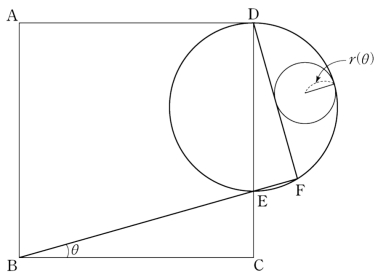
▷ 직각삼각형을 찾는 것이 중요하다.

- ① 이등변삼각형의 수선
- ② 원과 접선
- ③ 원과 원 밖의 점
- ④ 원과 현
- ⑤ 외접원과 내접원

003. [2017학년도 9월 20번]

그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD가 있다. 변 CD 위의 점 E에 대하여 선분 DE를 지름으로 하는 원과 직선 BE가 만나는 점 중 E가 아닌 점을 F라 하자. $\angle EBC = \theta$ 라 할 때, 점 E를 포함하지 않는 호 DF를 이등분하는 점과 선분 DF의 중점을 지름의 양 끝점으로 하는 원의 반지름의 길이를 $r(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{r(\theta)}{\frac{\pi}{4} - \theta}$ 의

값은?³) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



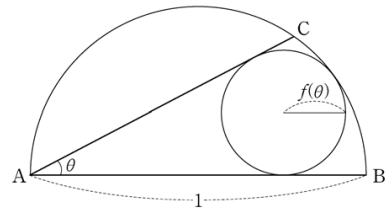
- ① $\frac{1}{7}(2 - \sqrt{2})$ ② $\frac{1}{6}(2 - \sqrt{2})$ ③ $\frac{1}{5}(2 - \sqrt{2})$
- ④ $\frac{1}{4}(2 - \sqrt{2})$ ⑤ $\frac{1}{3}(2 - \sqrt{2})$

004. [2016학년도 6월 29번]

그림과 같이 길이가 1인 선분 AB를 지름으로 하는 반원 위에 점 C를 잡고 $\angle BAC = \theta$ 라 하자. 호 BC와 두 선분 AB, AC에 동시에 접하는 원의 반지름의 길이를 $f(\theta)$ 라 할 때,

$$\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\tan \frac{\theta}{2} - f(\theta)}{\theta^2} = \alpha$$

이다. 100α 의 값을 구하여라.⁴) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)





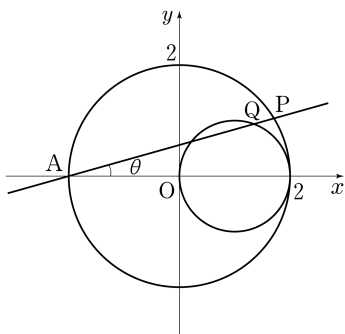
[코사인법칙]

▷ 코사인법칙 :

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

005. [2013학년도 9월 20번]

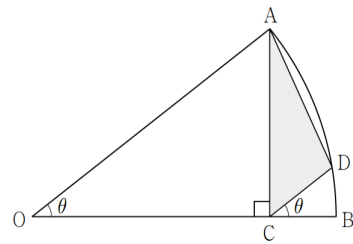
그림과 같이 점 $A(-2, 0)$ 과 원 $x^2 + y^2 = 4$ 위의 점 P 에 대하여 직선 AP 가 원 $(x-1)^2 + y^2 = 1$ 과 두 점에서 만날 때 두 점 중에서 점 P 에 가까운 점을 Q 라 하자. $\angle OAP = \theta$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{PQ}{\theta^2}$ 의 값은?5)



- ① $\frac{5}{2}$
- ② 3
- ③ $\frac{7}{2}$
- ④ 4
- ⑤ $\frac{9}{2}$

006. [한성은 WH4549번]

그림과 같이 $\overline{OA} = 1$, $\angle AOB = \theta$ 인 부채꼴 OAB 의 점 A 에서 선분 OB 에 내린 수선의 발을 C 라 하자. 호 AB 위의 점 D 를 $\angle AOB = \angle DCB$ 가 되도록 잡는다. 삼각형 ACD 의 넓이를 $S(\theta)$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^3}$ 의 값은?6)
(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)



- ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{1}{2}$
- ③ $\frac{3}{4}$
- ④ 1
- ⑤ $\frac{5}{4}$



[사인법칙]

▷ 사인법칙 :

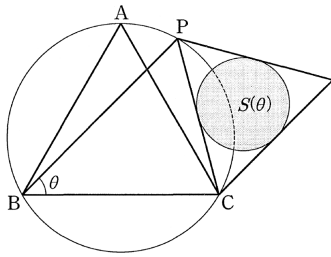
$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

007.

[2016학년도 9월 28번]

그림과 같이 원에 내접하고 한 변의 길이가 $2\sqrt{3}$ 인 정삼각형 ABC가 있다. 점 B를 포함하지 않는 호 AC 위의 점 P에 대하여 $\angle PBC = \theta$ 라 하고, 선분 PC를 한 변으로 하는 정삼각형에 내접하는 원의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자.

$\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2} = a\pi$ 일 때, $60a$ 의 값을 구하여라.⁷⁾



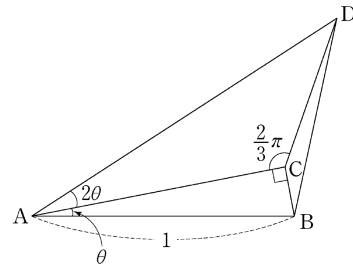
008.

[2014학년도 9월 29번]

아래 그림과 같이 길이가 1인 선분 AB를 빗변으로 하고 $\angle BAC = \theta$ ($0 < \theta < \frac{\pi}{6}$)인 직각삼각형 ABC에 대하여 점 D를 $\angle ACD = \frac{2}{3}\pi$, $\angle CAD = 2\theta$ 가 되도록 잡는다. 삼각형 BCD의 넓이를 $S(\theta)$ 라 할 때,

$$\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2} = p$$

이다. $300p^2$ 의 값을 구하여라.⁸⁾ (단, 네 점 A, B, C, D는 한 평면 위에 있다.)





[요즘 사인법칙]

▷ 각이 2개(모두) 주어진 삼각형에서는
사인법칙을 때리는 각이 보인다.

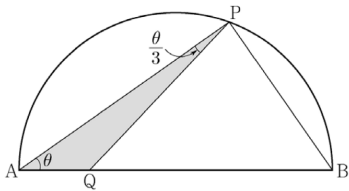
009. [수능 예시문항 미적분 28번]

그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는
반원의 호 위에 점 P가 있고, 선분 AB 위에 점 Q가 있다.

$\angle PAB = \theta$ 이고 $\angle APQ = \frac{\theta}{3}$ 일 때, 삼각형 PAQ의 넓이를

$S(\theta)$, 선분 PB의 길이를 $l(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{l(\theta)}$ 의 값은?9)

(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)

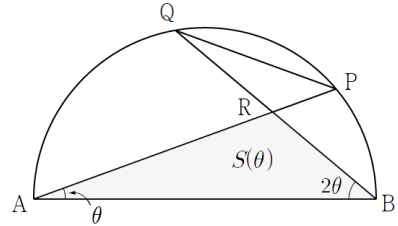


- ① $\frac{1}{12}$
- ② $\frac{1}{6}$
- ③ $\frac{1}{4}$
- ④ $\frac{1}{3}$
- ⑤ $\frac{5}{12}$

010. [한성은 HX7733번]

그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는
반원의 호 위에 두 점 P, Q가 있다. 두 선분 AP, BQ의
교점을 R라 하자. $\angle PAB = \theta$ 이고 $\angle QBA = 2\theta$ 일 때,
삼각형 ABR의 넓이를 $S(\theta)$, 선분 PQ의 길이를 $l(\theta)$ 라

하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\{S(\theta)\}^2}{AB - l(\theta)}$ 의 값은?10) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$)



- ① $\frac{1}{81}$
- ② $\frac{2}{81}$
- ③ $\frac{4}{81}$
- ④ $\frac{8}{81}$
- ⑤ $\frac{16}{81}$



[삼각형의 넓이]

▷ 삼각형의 넓이 : 대충 아래 식 정도는 익혀 놓자.

① 밑변과 높이 : $S = \frac{1}{2}ah$

② 끼인각 : $S = \frac{1}{2}ab\sin\theta$

③ 내접원의 반지름의 길이 : $S = \frac{1}{2}r(a+b+c)$

④ 좌표평면의 세 꼭짓점 : $S = \frac{1}{2} \begin{vmatrix} a & c & e & a \\ b & d & f & b \end{vmatrix}$

⑤ 헤론의 공식 : (있다는 것만)

$$S = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \quad \left(s = \frac{1}{2}(a+b+c) \right)$$

⑥ 외접원의 반지름의 길이 : $S = \frac{abc}{4R}$ (쓰레기)

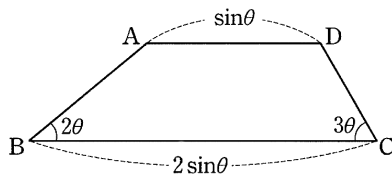
011.

[2015학년도 6월 29번]

그림과 같이 사다리꼴 ABCD에서 변 AD와 변 BC가
평행하고 $\angle B = 2\theta$, $\angle C = 3\theta$, $\overline{BC} = 2\sin\theta$, $\overline{AD} = \sin\theta$ 이다.
사다리꼴 ABCD의 넓이를 $S(\theta)$ 라 할 때,

$$\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^3} = \frac{q}{p} \text{ 이다. } p+q \text{의 값을 구하여라.}^{11)}$$

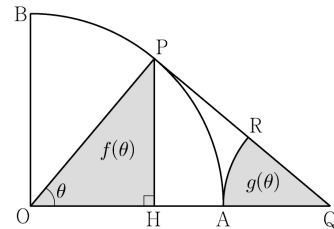
(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$ 이고, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.)



012.

[2020학년도 9월 20번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린 수선의 발을 H, 점 P에서 호 AB에 접하는 직선과 직선 OA의 교점을 Q라 하자. 점 Q를 중심으로 하고 반지름의 길이가 QA인 원과 선분 PQ의 교점을 R라 하자. $\angle POA = \theta$ 일 때, 삼각형 OHP의 넓이를 $f(\theta)$, 부채꼴 QRA의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{g(\theta)}}{\theta \times f(\theta)}$ 의 값은?^{12)} (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)



- ① $\frac{\sqrt{\pi}}{5}$
- ② $\frac{\sqrt{\pi}}{4}$
- ③ $\frac{\sqrt{\pi}}{3}$
- ④ $\frac{\sqrt{\pi}}{2}$
- ⑤ $\sqrt{\pi}$



[좌표화]

▷ 좌표화 : 아무 생각 없을 때 좋다.

① 원 위의 점 : $(r \cos\theta, r \sin\theta)$ 라 둘 수 있다.

② 내분점과 외분점

③ 직선의 방정식 : 뚫음 처리를 잘 한다.

④ 점과 점 사이의 거리, 점과 직선 사이의 거리

⑤ 신발끈 : 세 점 $(a, b), (c, d), (e, f)$ 을

꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이는

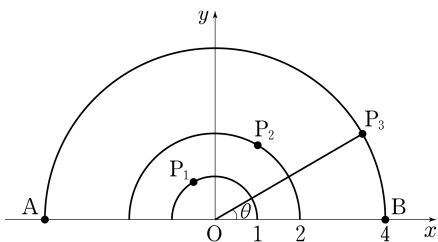
$$\frac{1}{2} \begin{vmatrix} a & c & e & a \\ b & d & f & b \end{vmatrix} = \frac{1}{2} |ad+cf+eb-cb-ed-af|$$

이다. \Rightarrow 외올까말까 고민하는 시간에 외워라.

013.

[2013학년도 9월 19번]

그림과 같이 좌표평면에서 원점을 중심으로 하고 반지름의 길이가 1, 2, 4인 세 반원을 각각 O_1, O_2, O_3 이라 하자. 세 점 P_1, P_2, P_3 은 선분 OB 위에서 동시에 출발하여 각각 세 반원 O_1, O_2, O_3 위를 같은 속력으로 시계 반대 방향으로 움직이고 있다. $\angle BOP_3 = \theta$ 라 하고 삼각형 ABP_1 의 넓이를 S_1 , 삼각형 ABP_2 의 넓이를 S_2 , 삼각형 ABP_3 의 넓이를 S_3 이라 하자. $3S_3 = 2(S_1 + S_2)$ 일 때, $\cos^3\theta$ 의 값은?13) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)

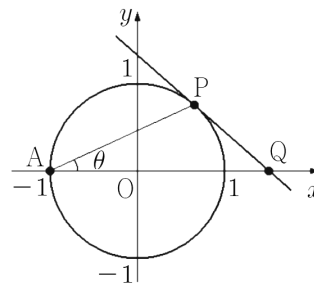


- ① $\frac{1}{2}$
- ② $\frac{2}{3}$
- ③ $\frac{3}{4}$
- ④ $\frac{4}{5}$
- ⑤ $\frac{5}{6}$

014.

그림과 같이 원 $x^2 + y^2 = 1$ 위의 점 P에서의 접선이 x 축과 만나는 점을 Q라 하자. 점 $A(-1, 0)$ 과 원점 O에 대하여 $\angle PAO = \theta$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow \frac{\pi}{4}^-} \frac{PQ - OQ}{\theta - \frac{\pi}{4}}$ 의 값은?14)

(단, 점 P는 제1사분면 위의 점이다.)



- ① 2
- ② $\sqrt{3}$
- ③ $\frac{3}{2}$
- ④ 1
- ⑤ $\frac{\sqrt{2}}{2}$



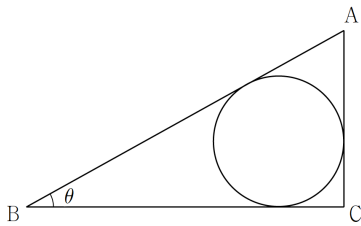
[삼각형의 내접원]

▷ $\frac{1}{2}r(a+b+c)$ 가 생각 없이 쓰기 좋지만,
각의 이등분선을 이용하여 푸는 것이 우아하다.

015.

[한성은 JG0242번]

그림과 같이 $\overline{AB}=1$, $\angle ACB = \frac{\pi}{2}$ 인 삼각형 ABC가 있다. $\angle ABC = \theta$ 일 때, 삼각형 ABC에 내접하는 원의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은?15)

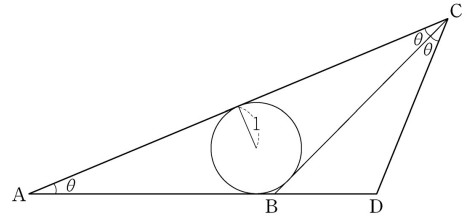


- ① $\frac{\pi}{16}$
- ② $\frac{\pi}{8}$
- ③ $\frac{\pi}{4}$
- ④ $\frac{\pi}{2}$
- ⑤ π

016.

[2015학년도 수능 20번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1인 원에 외접하고 $\angle CAB = \angle BCA = \theta$ 인 이등변삼각형 ABC가 있다. 선분 AB의 연장선 위에 점 A가 아닌 점 D를 $\angle DCB = \theta$ 가 되도록 잡는다. 삼각형 BCD의 넓이를 $S(\theta)$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \{\theta \times S(\theta)\}$ 의 값은?16) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



- ① $\frac{2}{3}$
- ② $\frac{8}{9}$
- ③ $\frac{10}{9}$
- ④ $\frac{4}{3}$
- ⑤ $\frac{14}{9}$



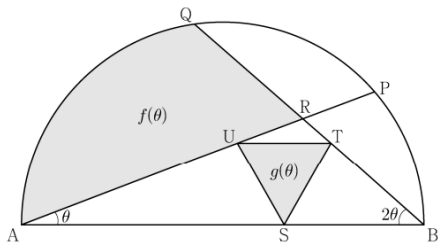
[길이 설정]

▷ 길이를 설정(a 라 한다든가)하는 풀이는
 '등비급수와 도형'에서 자주 쓰이고
 '삼각함수의 극한과 도형'에서는 자주 쓰이지 않는다.
 그런데 한 번씩 요긴하므로 염두에 둘 수 있도록.

017. [2022학년도 수능 미적분 29번]

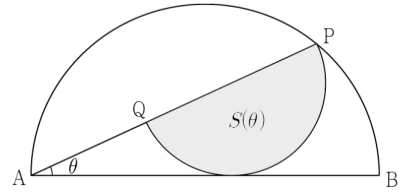
그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는
 반원이 있다. 호 AB 위에 두 점 P, Q를 $\angle PAB = \theta$,
 $\angle QBA = 2\theta$ 가 되도록 잡고, 두 선분 AP, BQ의 교점을
 R라 하자. 선분 AB 위의 점 S, 선분 BR 위의 점 T,
 선분 AR 위의 점 U를 선분 UT가 선분 AB에 평행하고
 삼각형 STU가 정삼각형이 되도록 잡는다. 두 선분 AR,
 QR와 호 AQ로 둘러싸인 부분의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형
 STU의 넓이를 $g(\theta)$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{g(\theta)}{\theta \times f(\theta)} = \frac{q}{p} \sqrt{3}$ 이다.

$p+q$ 의 값을 구하여라.¹⁷⁾ (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$ 이고, p 와 q 는
 서로소인 자연수이다.)



018. [한성은 MA4365번]

그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는
 반원 위에 점 P를 잡고 $\angle PAB = \theta$ 라 하자. 선분 AP
 위의 점 Q에 대하여 선분 PQ를 지름으로 하고 선분 AB에
 접하는 반원의 넓이를 $S(\theta)$ 이다. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은?¹⁸⁾



- ① π
- ② $\frac{3}{2}\pi$
- ③ 2π
- ④ $\frac{5}{2}\pi$
- ⑤ 3π

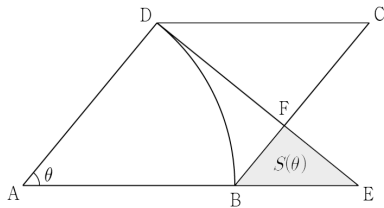


[연습문제]

019.

[한성은 ST3776번]

그림과 같이 한 변의 길이가 1이고 $\angle DAB = \theta$ 인 마름모 ABCD와 중심이 A이고 반지름의 길이가 \overline{AB} 인 부채꼴 ABD가 있다. 부채꼴 ABD의 호 위의 점 D에서 접하는 직선과 직선 AB의 교점을 E, 선분 BC와 선분 DE의 교점을 F라 할 때, 삼각형 BEF의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^5}$ 의 값은?19)

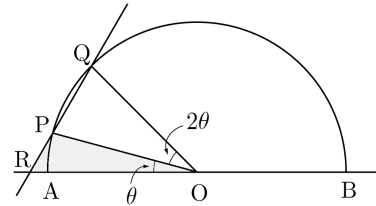


- ① $\frac{1}{12}$
- ② $\frac{1}{8}$
- ③ $\frac{1}{6}$
- ④ $\frac{1}{4}$
- ⑤ $\frac{1}{2}$

020.

[한성은 UX5197번]

그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하고 중심이 O인 반원이 있다. 반원 위의 두 점 P, Q가 $\angle AOP = \theta$, $\angle POQ = 2\theta$ 를 만족시킨다. 직선 AB와 직선 PQ의 교점을 R라 할 때, 삼각형 OPR의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta}$ 의 값은?20) (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$)

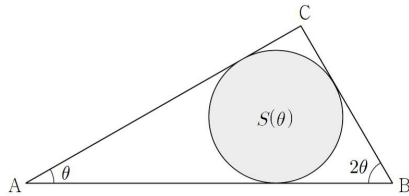


- ① $\frac{1}{4}$
- ② $\frac{1}{2}$
- ③ 1
- ④ 2
- ⑤ 4



021. [한성은 IF5186번]

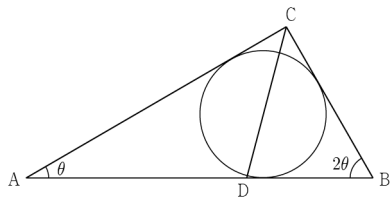
그림과 같이 $\overline{AB}=1$ 이고 $\angle CAB=\theta$, $\angle CBA=2\theta$ 인 삼각형 ABC가 있다. 삼각형 ABC에 내접하는 원의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은?21)



- ① $\frac{\pi}{12}$ ② $\frac{\pi}{9}$ ③ $\frac{\pi}{6}$
- ④ $\frac{\pi}{3}$ ⑤ $\frac{\pi}{2}$

022. [한성은 PN9344번]

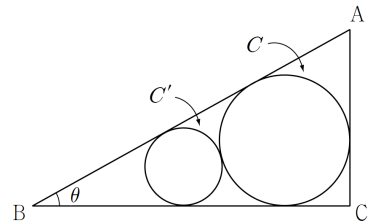
$\overline{AB}=1$, $\angle CAB=\theta$, $\angle CBA=2\theta$ 인 삼각형 ABC에 대하여 점 C와 삼각형 ABC에 내접하는 원의 중심을 지나는 직선이 직선 AB와 만나는 점을 D라 하자. $\overline{CD}=f(\theta)$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{f(\theta)}{\theta}$ 의 값은?22)



- ① $\frac{2}{9}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{4}{9}$
- ④ $\frac{5}{9}$ ⑤ $\frac{2}{3}$

023. [한성은 XV6065번]

그림과 같이 $\overline{AB}=1$, $\angle ACB=\frac{\pi}{2}$ 인 삼각형 ABC가 있다. 삼각형 ABC에 내접하는 원을 C라 하고, 원 C와 두 선분 AB, BC에 동시에 접하는 원을 C'라 하자. $\angle ABC=\theta$ 일 때, 원 C의 반지름을 $f(\theta)$, 원 C'의 반지름을 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{f(\theta)-g(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은?23) (단, C'의 중심은 삼각형 ABC의 내부에 있다.)



- ① $\frac{1}{8}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{1}{4}$
- ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

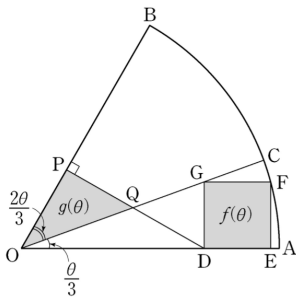


024. [2018학년도 6월 28번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 θ 인 부채꼴 OAB에서 호 AB의 삼등분점 중 점 A에 가까운 점을 C라 하자. 변 DE가 선분 OA 위에 있고, 꼭짓점 G, F가 각각 선분 OC, 호 AC 위에 있는 정사각형 DEFG의 넓이를 $f(\theta)$ 라 하자. 점 D에서 선분 OB에 내린 수선의 발을 P, 선분 DP와 선분 OC가 만나는 점을 Q라 할 때, 삼각형 OQP의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자.

$\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{f(\theta)}{\theta \times g(\theta)} = k$ 일 때, $60k$ 의 값을 구하여라.²⁴⁾

(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ 이고, $\overline{OD} < \overline{OE}$ 이다.)

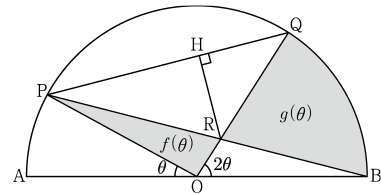


025. [2021학년도 9월 28번]

그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원이 있다. 선분 AB의 중점을 O라 할 때, 호 AB 위에 두 점 P, Q의 교점을 $\angle POA = \theta$, $\angle QOB = 2\theta$ 가 되도록 잡는다. 두 선분 PB, OQ의 교점을 R라 하고, 점 R에서 선분 PQ에 내린 수선의 발을 H라 하자. 삼각형 POR의 넓이를 $f(\theta)$, 두 선분 RQ, RB와 호 QB로 둘러싸인

부분의 넓이를 $g(\theta)$ 라 할 때, $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{f(\theta) + g(\theta)}{RH} = \frac{q}{p}$ 이다.

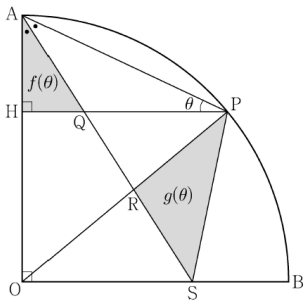
$p+q$ 의 값을 구하여라.²⁵⁾ (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{3}$ 이고, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.)





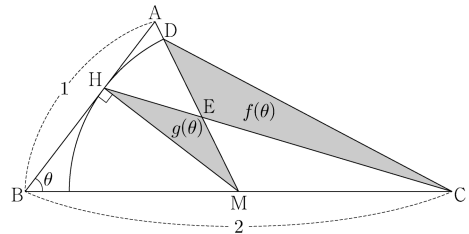
026. [2023학년도 6월 미적분 29번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린 수선의 발을 H라 하고, $\angle OAP$ 를 이등분하는 직선과 세 선분 HP, OP, OB의 교점을 각각 Q, R, S라 하자. $\angle APH = \theta$ 일 때, 삼각형 AQH의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 PSR의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\theta^3 \times g(\theta)}{f(\theta)} = k$ 일 때, $100k$ 의 값을 구하여라.²⁶⁾ (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



027. [2021학년도 6월 28번]

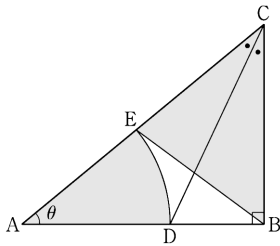
그림과 같이 $\overline{AB}=1$, $\overline{BC}=2$ 인 두 선분 AB, BC에 대하여 선분 BC의 중점을 M, 점 M에서 선분 AB에 내린 수선의 발을 H라 하자. 중심이 M이고 반지름의 길이가 \overline{MH} 인 원이 선분 AM과 만나는 점을 D, 선분 HC가 선분 DM과 만나는 점을 E라 하자. $\angle ABC = \theta$ 라 할 때, 삼각형 CDE의 넓이를 $f(\theta)$, 삼각형 MEH의 넓이를 $g(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{f(\theta) - g(\theta)}{\theta^3} = a$ 일 때, $80a$ 의 값을 구하여라.²⁷⁾ (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)





028. [2019학년도 수능 18번]

그림과 같이 $\overline{AB}=1$, $\angle B = \frac{\pi}{2}$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle C$ 를 이등분하는 직선과 선분 AB의 교점을 D, 중심이 A이고 반지름의 길이가 \overline{AD} 인 원과 선분 AC의 교점을 E라 하자. $\angle A = \theta$ 일 때, 부채꼴 ADE의 넓이를 $S(\theta)$, 삼각형 BCE의 넓이를 $T(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{\{S(\theta)\}^2}{T(\theta)}$ 의 값은?28)

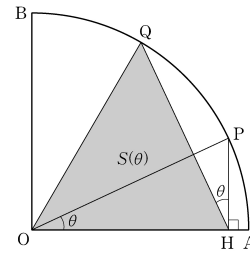


- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{3}{4}$
- ④ 1 ⑤ $\frac{5}{4}$

029. [2019학년도 6월 16번]

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린 수선의 발을 H라 하고, 호 BP 위에 점 Q를 $\angle POH = \angle PHQ$ 가 되도록 잡는다. $\angle POH = \theta$ 일 때, 삼각형 OHQ의 넓이를 $S(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta}$ 의 값은?29)

(단, $0 < \theta < \frac{\pi}{6}$)



- ① $\frac{1+\sqrt{2}}{2}$ ② $\frac{2+\sqrt{2}}{2}$ ③ $\frac{3+\sqrt{2}}{2}$
- ④ $\frac{4+\sqrt{2}}{2}$ ⑤ $\frac{5+\sqrt{2}}{2}$

-
- 1) ①
 - 2) 65
 - 3) ④
 - 4) 25
 - 5) ④
 - 6) ①
 - 7) 80
 - 8) 100
 - 9) ③
 - 10) ⑤
 - 11) 14
 - 12) ④
 - 13) ③
 - 14) ④
 - 15) ③
 - 16) ④
 - 17) 11
 - 18) ③
 - 19) ②
 - 20) ②

점 O에서 직선 PQ에 내린 수선의 발을 H라 하자.

$\overline{OH} = \cos\theta$, $\overline{RH} = \cos\theta \times \tan 2\theta$, $\overline{PH} = \cos\theta \times \tan\theta$ 이다. $S(\theta) = \frac{1}{2} \cos^2\theta \tan 2\theta - \frac{1}{2} \cos^2\theta \tan\theta$ 이다.

- 21) ②
- 22) ⑤
- 23) ⑤
- 24) 20
- 25) 23
- 26) 50
- 27) 15
- 28) ②
- 29) ①