

원포인트 개념주입 B  
적분법



개념1

⇒ 치환적분법

$$: \int f(g(x))g'(x)dx = \int f(t)dt$$

⇒ 치환정적분

$$: \begin{cases} g(a) = \alpha \\ g(b) = \beta \end{cases} \text{이면 } \int_a^b f(g(x))g'(x)dx = \int_{\alpha}^{\beta} f(t)dt$$

### 001.

다음 부정적분을 구하여라.<sup>1)</sup>

(1)  $\int (2x+1)^3 dx$

(2)  $\int xe^{x^2} dx$

(3)  $\int \sin^3 x dx$

### 002.

$\int_e^{e^3} \frac{\ln x}{x} dx$ 의 값은?2)

- ① 1                      ② 2                      ③ 3
- ④ 4                      ⑤ 5

### 003.

함수  $f(x)$ 에 대하여

$$f'(x) = x\sqrt{x^2+1}$$

일 때,  $f(1) - f(0)$ 의 값을 구하여라.<sup>3)</sup>

### 004.

함수  $f(x) = \frac{1}{1+x}$ 에 대하여

$$F(x) = \int_0^x tf(x-t)dt \quad (x \geq 0)$$

일 때,  $F'(a) = \ln 10$ 를 만족시키는 상수  $a$ 의 값을 구하여라.<sup>4)</sup>



개념2

⇒ 부분적분법

$$: \int f(x)g(x)dx = f(x)G(x) - \int f'(x)G(x)dx$$

※ 우변 부정적분에서 어느 함수가 적분되고 어느 함수가 미분되는지 잘 살핀다.

## 005.

다음 부정적분을 구하여라.<sup>5)</sup>

(1)  $\int x \cos x dx$

(2)  $\int \ln x dx$

(3)  $\int (\ln x)^2 dx$

(4)  $\int e^x \sin x dx$

## 006.

곡선  $y=f(x)$  위의 점  $(x, y)$ 에서의 접선의 기울기가  $(x-1)e^{2x}$  이고  $f\left(\frac{1}{2}\right)=-\frac{1}{4}e$  일 때, 함수  $f(x)$ 의 최솟값을 구하여라.<sup>6)</sup>

## 007.

정의역이  $\{x|x>-1\}$ 인 함수  $f(x)$ 에 대하여
 $f'(x) = \frac{1}{(1+x^3)^2}$  이고, 함수  $g(x) = x^2$ 일 때,

$$\int_0^1 f(x)g'(x)dx = \frac{1}{6}$$

이다.  $f(1)$ 의 값은? <sup>7)</sup>

- ①  $\frac{1}{6}$                       ②  $\frac{2}{9}$                       ③  $\frac{5}{18}$   
 ④  $\frac{1}{3}$                         ⑤  $\frac{7}{18}$

## 008.

연속함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 원점에 대하여 대칭이고, 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = \frac{\pi}{2} \int_1^{x+1} f(t)dt$$

이다.  $f(1)=1$ 일 때,  $\pi^2 \int_0^1 xf(x+1)dx$ 의 값은? <sup>8)</sup>

- ①  $2(\pi-2)$                 ②  $2\pi-3$                 ③  $2(\pi-1)$   
 ④  $2\pi-1$                     ⑤  $2\pi$



개념3

⇒ 도표적분법

$$: \int f(x)g(x)dx = F(x)g(x) - \left(\int F(x)dx\right)g'(x) + \left(\iint F(x)dx dx\right)g''(x) - \dots$$

※ 개편하긴 하지만 생각보다 쓸 수 있는 상황이 많지 않다.

## 009.

다음 부정적분을 구하여라.<sup>9)</sup>

(1)  $\int x^2 e^x dx$

(2)  $\int x^2 \sin x dx$

(3)  $\int x^2 e^{2x} dx$

(4)  $\int x^2 \cos 2x dx$

## 010.

이계도함수  $f''(x)$ 가 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 두 조건을 만족시킨다.

(가)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 2}{x - 1} = 3$

(나)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - 3}{x - 2} = 4$

이 때,  $\int_1^2 x f''(x) dx$ 의 값을 구하여라.<sup>10)</sup>

## 011.

 $x > 0$ 에서 정의된 미분가능한 함수  $f(x)$ 가

$$f(x) + x f'(x) = (2x + 3)e^x, \quad f(1) = 3e$$

를 만족시킬 때,  $f(3)$ 의 값은?<sup>11)</sup>

①  $e^3$                       ②  $\frac{5}{3}e^3$                       ③  $\frac{7}{3}e^3$

④  $\frac{5}{2}e^3$                       ⑤  $\frac{7}{2}e^3$



## 개념4

⇒ 가끔 쓰이는 적분 방법

① 분수꼴 : 부분분수 분리

② 삼각함수 : 반각, 배각을 이용해 차수를 내림

③ 삼각치환 :  $\sqrt{1-x^2}$ 이 있으면  $x = \sin\theta$ 로,  $\frac{1}{1+x^2}$ 이 있으면  $x = \tan\theta$ 로 치환

## 012.

다음 부정적분을 구하여라.<sup>12)</sup>

$$(1) \int \frac{2x-1}{x^2-x-2} dx$$

$$(2) \int \tan x dx$$

$$(3) \int \frac{xe^x+2}{x} dx$$

$$(4) \int \frac{1}{x(x+1)} dx$$

$$(5) \int \frac{x+3}{x^2-1} dx$$

$$(6) \int \sin^2 \frac{x}{2} dx$$

$$(7) \int \cos^2 x dx$$

$$(8) \int x \cos^2 x dx$$

## 013.

다음을 구하여라.<sup>13)</sup>

$$(1) \int_0^{\frac{1}{2}} \sqrt{1-x^2} dx$$

$$(2) \int_0^{\sqrt{3}} \frac{1}{1+x^2} dx$$

$$(3) \int_0^1 \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} dx$$

$$(4) \int_0^1 \frac{1}{\sqrt{4-x^2}} dx$$



개념5

$$\Leftrightarrow \begin{cases} g(\alpha) = a \\ g(\beta) = b \end{cases} \text{일 때, } \int_a^b f(x)dx = \int_\alpha^\beta f(g(t))g'(t)dx \text{ (제2치환정리)}$$

$\Rightarrow x$ 에 대한 적분을  $t$ 에 대한 적분으로 변형

① 1-1 대응관계 확인 ②  $dx$ 와  $dt$ 간의 관계식 ③ 구간의 변화

## 014.

함수  $f(x) = x^3 + x$ 에 대하여

$$\int_0^2 \frac{f^{-1}(x)}{f'(f^{-1}(x))} dx$$

의 값은?<sup>14)</sup>

- ①  $\frac{1}{2}$                       ② 1                      ③  $\frac{3}{2}$   
 ④ 2                      ⑤  $\frac{5}{2}$

## 015.

역함수가 존재하는 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $f(x)$ 는 두 번 미분가능하고,  
 $f''(x)$ 는 연속함수이다.  
 (나)  $f(0) = 0, f'(1) = f(1) = 2$   
 (다)  $\int_0^1 x^3 f''(x) dx = 1$

$f(x)$ 의 역함수를  $g(x)$ 라 할 때,  $\int_0^2 \{g(x)\}^2 dx$ 의 값을 구하여라.<sup>15)</sup>



개념6

⇒ 구분구적법 :  $\int_a^b f(x)dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \left\{ f\left(a + \frac{b-a}{n}k\right) \cdot \frac{b-a}{n} \right\}$

※ 넓이로서의 정적분의 의미 : (부호를 가진) 넓이

### 016.

$\int_1^3 x^4 dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \left(1 + \frac{ak}{n}\right)^4 \cdot \frac{a}{n}$  일 때,  $a$ 의 값은?16)

- ① 4                      ② 2                      ③ 1
- ④  $\frac{1}{2}$                     ⑤  $\frac{1}{4}$

### 017.

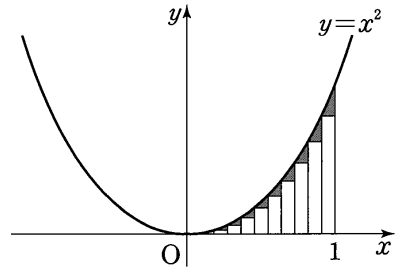
$\int_2^5 (x^2 + 1) dx = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \left\{ \left(2 + \frac{ak}{n}\right)^2 + 1 \right\} \cdot \frac{a}{n}$  일 때,

$a$ 의 값은?17)

- ① 1                      ② 2                      ③ 3
- ④ 4                      ⑤ 5

### 018.

그림은 곡선  $y = x^2$ 과 직선  $x = 1$  및  $x$ 축으로 둘러싸인 부분에 구간  $[0, 1]$ 을 10등분하여 직사각형을 내접시킨 것이다. 그림에서 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.18)





개념7

✓ 정적분을 포함한 항등식

① 정적분 구간이 상수이면 정적분값을 상수취급해서 식에 다시 대입해 준다.

② 구간에 변수가 있으면

1)  $x$ 에 적당한 값(정적분이 윗 끝과 아랫 끝이 같아지는 값)을 넣어본다.

2) 조심해서 잘 미분한다.

※  $\frac{d}{dx} \int_a^x f(t)dt = f(x)$ ,  $\frac{d}{dx} \int_a^x tf(t)dt = xf(x)$ ,  $\frac{d}{dx} \int_a^x xf(t)dt = xf(x) + \int_a^x f(t)dt$

### 019.

연속함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = 3x^2 - 4x \int_0^1 f(t)dt + \int_0^1 tf(t)dt$$

를 만족시킬 때,  $\int_0^1 f(x)dx = \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하여라.<sup>19)</sup> (단,  $p, q$ 는 서로소인 자연수이다.)

### 020.

연속함수  $f(x)$ 가  $f(x) = e^{x^2} + \int_0^1 tf(t)dt$ 를

만족시킬 때,  $\int_0^1 xf(x)dx$ 의 값은?<sup>20)</sup>

- ①  $e-2$                       ②  $\frac{e-1}{2}$                       ③  $\frac{e}{2}$
- ④  $e-1$                       ⑤  $\frac{e+1}{2}$

### 021.

연속함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\int_0^x f(t)dt = e^x + ax + a$$

를 만족시킬 때,  $f(\ln 2)$ 의 값은?<sup>21)</sup>  
(단,  $a$ 는 상수이다.)

- ① 1                              ② 2                              ③  $e$
- ④ 3                              ⑤  $2e$

### 022.

미분가능한 함수  $f(x)$ 가

$$\int_1^x (x-t)f(t)dt = x \ln x + 2ax + b$$

를 만족시킬 때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $a^2 + b^2$ 의 값은?<sup>22)</sup> (단,  $x > 0$ )

- ①  $\frac{1}{3}$                               ②  $\frac{5}{6}$                               ③  $\frac{7}{6}$
- ④  $\frac{5}{4}$                               ⑤  $\frac{7}{2}$





개념8

$\Leftrightarrow g(x) = \int_a^x f(t)dt$ 이면,

- ①  $g(a) = 0$   
 ②  $g'(x) = f(x)$

**023.**

함수  $f(x) = \int_0^x (1-t)e^t dt$ 의 최댓값을 구하여라.<sup>23)</sup>

**024.**

$\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1}{x-\pi} \int_{\pi}^x t \cos t dt$ 의 값은? <sup>24)</sup>

- ①  $-\pi$       ②  $-\frac{\pi}{2}$       ③  $\frac{\pi}{2}$   
 ④  $\pi$       ⑤  $\frac{3}{2}\pi$

**025.**

양수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x) = \int_0^x (a-t)e^t dt$ 의

최댓값이 32이다. 곡선  $y = 3e^x$ 과 두 직선  $x = a$ ,  
 $y = 3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.<sup>25)</sup>

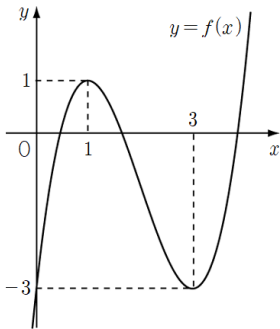


개념9

✓ 도함수의 넓이는 원함수의 y값(높이) 차이이다.

### 026.

삼차함수  $f(x)$ 가  $x=1$ 일 때 극댓값 1을 갖고,  
 $x=3$ 일 때 극솟값  $-3$ 을 가질 때,  $\int_0^3 |f'(x)|dx$ 의  
값은?26)



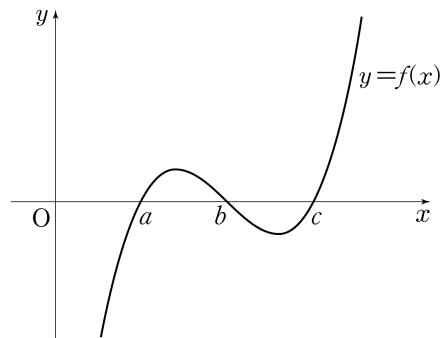
- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

### 027.

삼차함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같고,  $f(x)$ 는

$$\int_a^b f(x) dx = 3, \quad \int_a^c f(x) dx = 0$$

을 만족시킨다. 함수  $f(x)$ 의 한 부정적분을  $F(x)$ 라  
할 때, 옳은 것만을 다음 보기에서 있는 대로 고른  
것은?27)



- ㄱ.  $F(b) = F(a) + 3$
- ㄴ. 점  $(c, F(c))$ 는 곡선  $y = F(x)$ 의  
변곡점이다.
- ㄷ.  $-3 < F(a) < 0$ 이면 방정식  $F(x) = 0$ 은  
서로 다른 네 실근을 갖는다.

- ① ㄱ
- ② ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ



개념10

$$\Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(a + (b-a)\frac{k}{n}\right) \frac{b-a}{n} = \int_a^b f(x) dx$$

$$\Rightarrow \text{헛갈리면 } \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(a + (b-a)\frac{k}{n}\right) \frac{b-a}{n} = \int_0^1 f(a + (b-a)x)(b-a) dx \text{ 거쳐서}$$

## 028.

함수  $f(x) = \frac{1}{x}$  에 대하여  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(1 + \frac{2k}{n}\right) \frac{2}{n}$  의

값은?28)

- ①  $\ln 2$                       ②  $\ln 3$                       ③  $2\ln 2$   
 ④  $\ln 5$                       ⑤  $\ln 6$

## 029.

$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \left(1 + \frac{2k}{n}\right)^4 \frac{1}{2n} = a \int_1^b x^4 dx$  일 때,

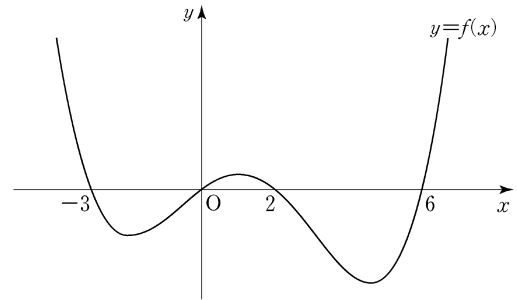
$ab$  의 값을 구하여라.29)

## 030.

사차함수  $y = f(x)$  의 그래프가 그림과 같을 때,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n f\left(m + \frac{k}{n}\right) < 0$$

을 만족시키는 정수  $m$  의 개수는?30)



- ① 3                              ② 4                              ③ 5  
 ④ 6                              ⑤ 7



## 개념11

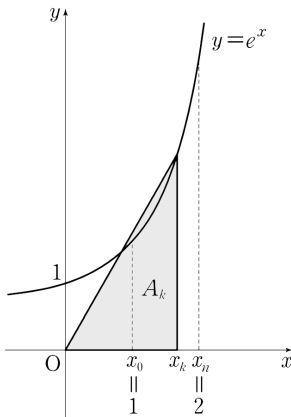
✓ 무한급수 표현이 살짝 어려운 경우 : 더 노력해서 잘 표현한다.

## 031.

함수  $f(x) = e^x$ 이 있다. 2 이상인 자연수  $n$ 에 대하여 닫힌구간  $[1, 2]$ 를  $n$ 등분한 각 분점(양 끝점도 포함)을 차례로  $1 = x_0, x_1, x_2, \dots, x_{n-1}, x_n = 2$ 라 하자.

세 점  $(0, 0), (x_k, 0), (x_k, f(x_k))$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이를  $A_k$  ( $k = 1, 2, \dots, n$ )이라 할 때,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n A_k \text{의 값은?}^{31)}$$

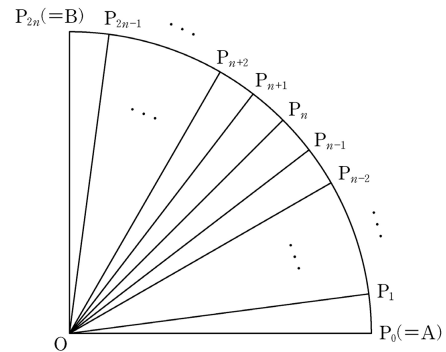


- ①  $\frac{1}{2}e^2 - e$     ②  $\frac{1}{2}(e^2 - e)$     ③  $\frac{1}{2}e^2$   
 ④  $e^2 - e$     ⑤  $e^2 - \frac{1}{2}e$

## 032.

그림과 같이 중심이  $O$ , 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴  $OAB$ 가 있다. 자연수  $n$ 에 대하여 호  $AB$ 를  $2n$ 등분한 각 분점(양 끝점도 포함)을 차례로  $P_0(=A), P_1, P_2, \dots, P_{2n-1}, P_{2n}(=B)$ 라 하자. 주어진 자연수  $n$ 에 대하여  $S_k$  ( $1 \leq k \leq n$ )을 삼각형  $OP_{n-k}P_{n+k}$ 의 넓이라

할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n S_k$ 의 값은?<sup>32)</sup>



- ①  $\frac{1}{\pi}$     ②  $\frac{13}{12\pi}$     ③  $\frac{7}{6\pi}$   
 ④  $\frac{5}{4\pi}$     ⑤  $\frac{4}{3\pi}$



개념12

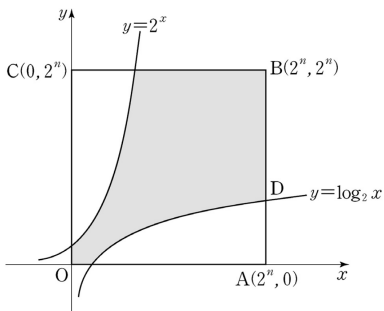
✓ 잘 적분하면 넓이가 된다. : 모르면..?

### 033.

자연수  $n$ 에 대하여 좌표평면에서 꼭짓점의 좌표가

$$O(0, 0), A(2^n, 0), B(2^n, 2^n), C(0, 2^n)$$

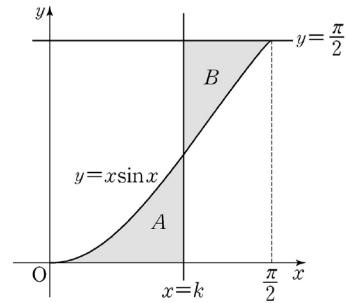
인 정사각형  $OABC$ 는 두 곡선  $y=2^x, y=\log_2 x$ 에 의하여 세 부분으로 나뉜다.  $n=3$ 일 때 이 세 부분 중 색칠된 부분의 넓이는?33)



- ①  $14 + \frac{12}{\ln 2}$       ②  $16 + \frac{14}{\ln 2}$       ③  $18 + \frac{16}{\ln 2}$
- ④  $20 + \frac{18}{\ln 2}$       ⑤  $22 + \frac{20}{\ln 2}$

### 034.

그림과 같이 곡선  $y = x \sin x \left(0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}\right)$ 에 대하여 이 곡선과  $x$ 축, 직선  $x=k$ 로 둘러싸인 영역을  $A$ , 이 곡선과 직선  $x=k$ , 직선  $y = \frac{\pi}{2}$ 로 둘러싸인 영역을  $B$ 라 하자.  $A$ 의 넓이와  $B$ 의 넓이가 같을 때, 상수  $k$ 의 값은?34) (단,  $0 \leq k \leq \frac{\pi}{2}$ )



- ①  $\frac{\pi}{4} - \frac{1}{\pi}$       ②  $\frac{\pi}{4}$       ③  $\frac{\pi}{2} - \frac{2}{\pi}$
- ④  $\frac{\pi}{4} + \frac{1}{\pi}$       ⑤  $\frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi}$



## 개념13

✓ 정적분의 값은 [부호를 가진] 넓이다.

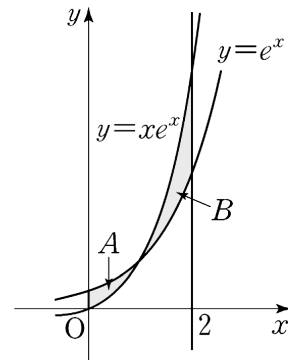
## 035.

함수  $y=e^x$ 의 그래프와  $x$ 축,  $y$ 축 및 직선  $x=1$ 로 둘러싸인 영역의 넓이가 직선  $y=ax(0 < a < e)$ 에 의하여 이등분될 때, 상수  $a$ 의 값은?35)

- ①  $e - \frac{1}{3}$       ②  $e - \frac{1}{2}$       ③  $e - 1$   
 ④  $e - \frac{4}{3}$       ⑤  $e - \frac{3}{2}$

## 036.

아래와 같은 그림에서 두 곡선  $y=e^x$ ,  $y=xe^x$ 과  $y$ 축으로 둘러싸인 부분  $A$ 의 넓이를  $a$ , 두 곡선  $y=e^x$ ,  $y=xe^x$ 과 직선  $x=2$ 로 둘러싸인 부분  $B$ 의 넓이를  $b$ 라 할 때,  $b-a$ 의 값은?36)



- ①  $\frac{3}{2}$       ②  $e - 1$       ③ 2  
 ④  $\frac{5}{2}$       ⑤  $e$



개념14

⇒  $f(x)$ 의 역함수가  $g(x)$ 일 때,

$$\int_a^b f(x)dx + \int_{f(a)}^{f(b)} g(x)dx = bf(b) - af(a)$$

✓ 역함수의 그래프

(1)  $y = f(x)$ 와  $y = f^{-1}(x)$ 는 서로  $y = x$ 에 대하여 대칭이다.

(2)  $y = f(x)$ 와  $y = x$ 와의 교점은  $y = f(x)$ 와  $y = f^{-1}(x)$ 의 교점이기도 하다.

(3)  $y = f(x)$ 의 그래프를  $y$ 축을 정의역으로 보면  $x = f^{-1}(y)$ 의 그래프를 볼 수 있다.

### 037.

함수  $f(x) = x^3 + x + 2$ 의 역함수가  $g(x)$ 일 때,

$$\int_0^1 f(x)dx + \int_2^4 g(x)dx$$

의 값을 구하여라.<sup>37)</sup>

### 038.

함수  $f(x) = x^3 + 2$ 의 역함수가  $g(x)$ 일 때,

$$\int_2^{10} g(x)dx$$

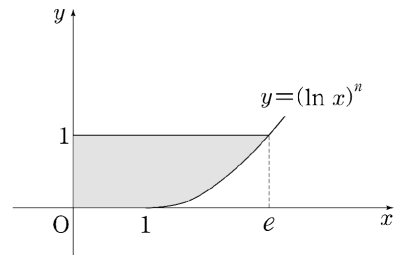
의 값을 구하여라.<sup>38)</sup>

### 039.

2 이상의 자연수  $n$ 에 대하여 곡선

$$y = (\ln x)^n \quad (x \geq 1)$$

과  $x$ 축,  $y$ 축 및  $y = 1$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를  $S_n$ 이라 하자. 보기에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?<sup>39)</sup>



ㄱ.  $1 \leq x \leq e$ 일 때,  $(\ln x)^n \geq (\ln x)^{n+1}$ 이다.

ㄴ.  $S_n < S_{n+1}$

ㄷ. 함수  $f(x) = (\ln x)^n \quad (x \geq 1)$ 의 역함수를

$$g(x)$$
라 하면  $S_n = \int_0^1 g(x)dx$ 이다.

- ① ㄱ
- ② ㄱ, ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

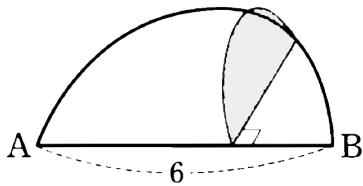


⇒  $x = a$ 에서  $x = b$  사이에 존재하는 입체를  $x$ 축에 수직인 평면으로 자른 단면의 넓이가  $S(x)$ 일 때, 입체의 부피  $V$ 는  $V = \int_a^b S(x)dx$ 이다.

※ 회전체의 경우에는 교육과정에서 제외되었으나, 기출도 많고 부피개념이 잡히면 부담되는 내용도 아니니 정리해두도록 하자.

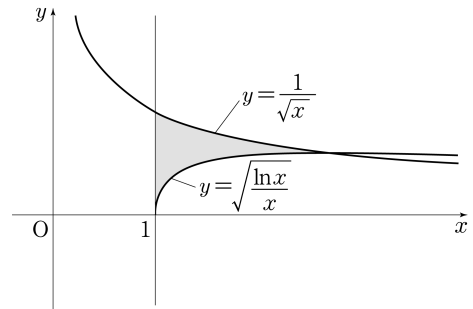
### 040.

지름의 길이가 6인 반원을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 반원의 지름 AB에 수직인 평면으로 입체도형을 자른 단면이 반원일 때, 이 입체도형의 부피는  $\frac{k}{2}\pi$ 이다. 이때 상수  $k$ 의 값을 구하여라.<sup>40)</sup>



### 041.

두 곡선  $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ ,  $y = \sqrt{\frac{\ln x}{x}}$  와 직선  $x = 1$ 로 둘러싸인 부분을  $x$ 축의 둘레로 회전시킨 회전체의 부피는  $V$ 이다.  $\frac{100V}{\pi}$ 의 값을 구하여라.<sup>41)</sup>







개념16

- ⇒ 속력  $|v| = \sqrt{\{f'(t)\}^2 + \{g'(t)\}^2}$  을 적분하면 이동한 거리이다.
- ⇒ 함수  $y = f(x)$ 의 그래프가  $x = a$ 에서  $x = b$ 까지 그리는 곡선의 길이는

$$\int_a^b \sqrt{1 + \{f'(t)\}^2} dt \text{이다.}$$

## 042.

$x = 0$ 에서  $x = 6$ 까지 곡선  $y = \frac{1}{3}(x^2 + 2)^{\frac{3}{2}}$ 의 길이를 구하여라.<sup>42)</sup>

## 043.

실수 전체의 집합에서 이계도함수를 갖고

$$f(0) = 0, \quad f(1) = \sqrt{3}$$

을 만족시키는 모든 함수  $f(x)$ 에 대하여

$$\int_0^1 \sqrt{1 + \{f'(x)\}^2} dx$$

의 최솟값은?<sup>43)</sup>

- ①  $\sqrt{2}$                       ② 2                      ③  $1 + \sqrt{2}$   
 ④  $\sqrt{5}$                       ⑤  $1 + \sqrt{3}$



‘이게 환자분 척추예요.’  
‘뭐야, 시발 돌려줘요.’

---

[적분법B]

1) (1)  $\frac{1}{8}(2x+1)^4 + C$

(2)  $\frac{1}{2}e^{x^2} + C$

(3)  $\frac{1}{3}\cos^3x - \cos x + C$

2) ④

3)  $\frac{2\sqrt{2}-1}{3}$

4) 9

5) (1)  $x \sin x + \cos x + C$

(2)  $x \ln x - x + C$

(3)  $x(\ln x)^2 - 2x \ln x + 2x + C$

(4)  $\frac{e^x(\sin x - \cos x)}{2} + C$

6)  $-\frac{1}{4}e^2 + \frac{1}{4}e$

7) ④

8) ①

9) (1)  $x^2e^x - 2xe^x + 2e^x + C$

(2)  $-x^2 \cos x + 2x \sin x + 2 \cos x + C$

(3)  $\frac{1}{2}x^2e^{2x} - \frac{x}{2}e^{2x} + \frac{1}{4}e^{2x} + C$

(4)  $\frac{1}{2}x^2 \sin 2x + \frac{1}{2}x \cos 2x - \frac{1}{4} \sin 2x + C$

10) 4

11) ③

12) (1)  $\ln|x^2 - x - 2| + C$

(2)  $-\ln|\cos x| + C$

(3)  $e^x + 2\ln|x| + C$

(4)  $\ln|x| - \ln|x+1| + C$

(5)  $2\ln|x-1| - \ln|x+1| + C$

(6)  $\frac{1}{2}x - \frac{\sin x}{2} + C$

(7)  $\frac{1}{2}x + \frac{\sin 2x}{4} + C$

(8)  $\frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{4}x \sin 2x + \frac{1}{8} \cos 2x + C$

13) (1)  $\frac{\pi}{12} + \frac{\sqrt{3}}{8}$

(2)  $\frac{\pi}{3}$

(3)  $\ln(\sqrt{2}+1)$

(4)  $\frac{\pi}{6}$

14) ①

15)  $\frac{1}{3}$

16) ②

17) ③

18)  $\frac{29}{600}$

19) 49

20) ④

21) ①

22) ④

23)  $e - 2$

24) ①

25) 96

26) ③

27) ③

28) ②

29)  $\frac{3}{4}$

30) ⑤

31) ③

32) ①

33) ②

34) ③

35) ③

36) ③

37) 4

38) 12

39) ⑤

40) 9

41) 50

42) 78

43) ②