

2016학년도 10월 고3 전국연합학력평가 정답 및 해설

• 수학 영역 •

수학 나형 정답

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----

해설

1. [출제의도] 로그를 계산하여 값을 구한다.

$$\log_6 4 + \log_6 9 = \log_6 (4 \times 9) = \log_6 6^2 = 2 \log_6 6 = 2$$

2. [출제의도] 차집합의 원소의 합을 계산한다.

$$B - A = \{3, 5\} \text{ 이므로}$$

모든 원소의 합은 $3 + 5 = 8$

3. [출제의도] 지수를 계산하여 값을 구한다.

$$(ab)^6 = (\sqrt{2} \times \sqrt[3]{3})^6 = \left(2^{\frac{1}{2}} \times 3^{\frac{1}{3}}\right)^6$$

$$= 2^3 \times 3^2 = 8 \times 9 = 72$$

4. [출제의도] 순열과 조합을 계산하여 값을 구한다.

$${}_n P_2 - {}_7 C_2 = n(n-1) - \frac{7 \times 6}{2 \times 1} = 21$$

$$\text{정리하면 } n^2 - n - 42 = (n-7)(n+6) = 0$$

n 은 자연수이므로 $n = 7$

5. [출제의도] 도함수의 성질을 이해하여 속도를 구한다.

$$\text{위치 } x = t^3 - 6t^2 + 5 \text{ 이므로}$$

$$\text{속도 } v = \frac{dx}{dt} = 3t^2 - 12t \text{ 이고}$$

$$\text{가속도 } a = \frac{dv}{dt} = 6t - 12 \text{ 이다.}$$

$$\text{가속도가 } 0 \text{ 이 되는 순간은 } t = 2 \text{ 이고}$$

$$\text{이때의 속도는 } v = 12 - 24 = -12$$

6. [출제의도] 여사건의 성질을 이해하여 확률을 구한다.

한 개의 동전을 4번 던질 때 앞면이 적어도 한 번 나오는 사건은, 한 개의 동전을 4번 던질 때 뒷면이 4번 나오는 사건의 여사건이다.

$$\text{따라서 구하는 확률은 } 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^4 = 1 - \frac{1}{16} = \frac{15}{16}$$

7. [출제의도] 역함수를 이해하여 함수값을 구한다.

$$f(2x+1) = 4x+7 \text{ 이므로 역함수}$$

$$f^{-1}(4x+7) = 2x+1 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } x=1 \text{ 일 때, } f^{-1}(11) = 3$$

8. [출제의도] 수열의 극한의 성질을 이해하여 극한값을 구한다.

$$\frac{1+a_n}{a_n} = \frac{1}{a_n} + 1 = n^2 + 2$$

$$\frac{1}{a_n} = n^2 + 1 \text{ 이므로}$$

$$a_n = \frac{1}{n^2 + 1}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 a_n = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2}{n^2 + 1} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{1 + \frac{1}{n^2}} = \frac{1}{1+0} = 1$$

9. [출제의도] 독립사건을 이해하여 확률을 구한다.

두 사건 A, B 가 서로 독립이므로

$$P(A \cap B) = P(A)P(B) = \frac{1}{2}P(B) = \frac{3}{16}$$

$$P(B) = \frac{3}{8} \text{ 이므로 } P(B^c) = \frac{5}{8}$$

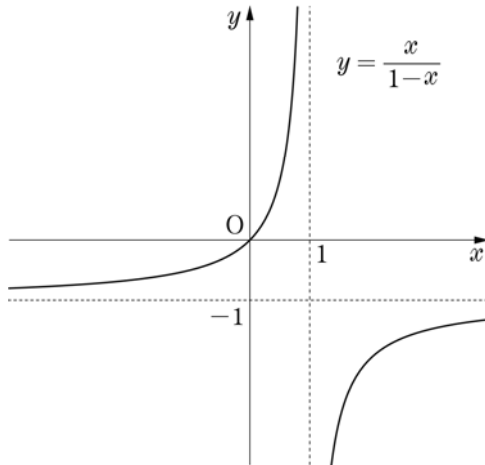
10. [출제의도] 유리함수의 그래프를 활용하여 참, 거짓을 추론한다.

$$f(x) = \frac{x}{1-x} = -\frac{1}{x-1} - 1$$

ㄱ. 함수 $f(x)$ 의 정의역은 1이 아닌 모든 실수이고 치역은 -1이 아닌 모든 실수이다. (거짓)

ㄴ. 함수 $y=f(x)$ 의 그래프는 $y = -\frac{1}{x}$ 의 그래프를 x 축 방향으로 1, y 축 방향으로 -1만큼 평행이동한 그래프이다. (참)

ㄷ. 그림과 같이 제2사분면을 지나지 않는다. (참)



11. [출제의도] 정규분포를 이해하여 확률을 구한다.

1인당 수하물 무게를 확률변수 X 라 하면 X 는 정규분포 $N(15, 4^2)$ 을 따른다. 이때, 크기가 16인 표본의 표본평균 \bar{X} 는 정규분포 $N(15, 1^2)$ 을 따른다.

$$P(\bar{X} \geq 17) = P\left(Z \geq \frac{17-15}{1}\right) = P(Z \geq 2)$$

$$= 0.5 - P(0 \leq Z \leq 2)$$

$$= 0.5 - 0.4772 = 0.0228$$

12. [출제의도] 조건부확률을 이해하여 확률을 구한다.

A, B 가 주문한 것이 서로 다른 사건을 X , A, B 가 주문한 것이 모두 아이스크림인 사건을 Y 라 하자.

$$P(X) = \frac{{}_5 C_1 \times {}_4 C_1}{{}_5 C_1 \times {}_5 C_1} = \frac{4}{5}$$

$$P(X \cap Y) = \frac{{}_2 C_1 \times {}_1 C_1}{{}_5 C_1 \times {}_5 C_1} = \frac{2}{25}$$

구하는 확률 $P(Y|X)$ 는

$$P(Y|X) = \frac{P(X \cap Y)}{P(X)} = \frac{\frac{2}{25}}{\frac{4}{5}} = \frac{1}{10}$$

13. [출제의도] 수열의 규칙성을 추측하여 수열의 합을 구한다.

$$a_1 = \frac{1}{5}, a_2 = 2a_1 = \frac{2}{5},$$

$$a_3 = 2a_2 = \frac{4}{5}, a_4 = 2a_3 = \frac{8}{5},$$

$$a_5 = a_4 - 1 = \frac{3}{5}, a_6 = 2a_5 = \frac{6}{5},$$

$$a_7 = a_6 - 1 = \frac{1}{5}, \dots$$

이므로 $a_n = a_{n+6} (n \geq 1)$ 이 성립한다.

$$20 = 3 \times 6 + 2 \text{ 이므로}$$

$$\sum_{n=1}^{20} a_n = 3 \times \left(\frac{1}{5} + \frac{2}{5} + \frac{4}{5} + \frac{8}{5} + \frac{3}{5} + \frac{6}{5}\right) + \left(\frac{1}{5} + \frac{2}{5}\right)$$

$$= 3 \times \frac{24}{5} + \frac{3}{5} = 15$$

14. [출제의도] 함수의 연속성의 성질을 이해하여 미정계수를 구한다.

함수 $f(x)g(x)$ 가 $x=2$ 에서 연속이 되기 위해서는 $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)g(x) = f(2)g(2)$ 이어야 한다.

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x)g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \{(-x^2 + a) \times (x-4)\}$$

$$= (-4+a) \times (-2) = 8-2a$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x)g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \left\{ (x^2 - 4) \times \frac{1}{x-2} \right\}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} (x+2) = 4$$

$$f(2)g(2) = (-4+a) \times (-2) = 8-2a$$

$$\text{이므로 } 8-2a = 4, a = 2$$

15. [출제의도] 내분하는 점을 구하여 수열의 합을 구하는 문제를 해결한다.

선분 OA 를 $2^n : 1$ 로 내분하는 점 P_n 의 좌표는

$$\left(\frac{2^n}{2^n+1}, 0\right) \text{ 이므로 } l_n = \frac{2^n}{2^n+1}$$

$$\sum_{n=1}^{10} \frac{1}{l_n} = \sum_{n=1}^{10} \frac{2^n+1}{2^n} = \sum_{n=1}^{10} \left\{ 1 + \left(\frac{1}{2}\right)^n \right\}$$

$$= \sum_{n=1}^{10} 1 + \sum_{n=1}^{10} \left(\frac{1}{2}\right)^n = 10 + \frac{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{10}}{1 - \frac{1}{2}}$$

$$= 10 + \left\{ 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{10} \right\} = 11 - \left(\frac{1}{2}\right)^{10}$$

16. [출제의도] 확률분포를 이해하여 기댓값을 구하는 문제를 해결한다.

확률의 합이 1이므로

$$\frac{1}{k}({}_4 C_1 + {}_4 C_2 + {}_4 C_3 + {}_4 C_4) = 1$$

이항정리에 의해

$$k = {}_4 C_1 + {}_4 C_2 + {}_4 C_3 + {}_4 C_4 = 2^4 - 1 = 15$$

$E(X)$

$$= \frac{1}{15}(2 \times {}_4 C_1 + 2^2 \times {}_4 C_2 + 2^3 \times {}_4 C_3 + 2^4 \times {}_4 C_4)$$

$$= \frac{1}{15}(3^4 - 1) = \frac{1}{15} \times 80 = \frac{16}{3}$$

$$E(3X+1) = 3E(X) + 1$$

$$= 16 + 1 = 17$$

17. [출제의도] 모비율의 신뢰구간을 이해하여 실생활과 관련된 문제를 해결한다.

표본비율 $\hat{p} = \frac{80}{100} = \frac{4}{5}$ 이고 표본의 크기는 100이므로

출근 소요 시간이 60분 이상 120분 미만인 직원의 비율 p 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간은

$$\frac{4}{5} - 1.96 \times \sqrt{\frac{\frac{4}{5} \times \frac{1}{5}}{100}} \leq p \leq \frac{4}{5} + 1.96 \times \sqrt{\frac{\frac{4}{5} \times \frac{1}{5}}{100}}$$

$$5000(b-a) = 5000 \times 2 \times 1.96 \times \sqrt{\frac{\frac{4}{5} \times \frac{1}{5}}{100}}$$

$$= 5000 \times 2 \times 1.96 \times \frac{4}{100}$$

$$= 784$$

18. [출제의도] 미분계수와 접선의 기울기의 관계를 이해하여 식과 값을 추론한다.

$$f(x) = x^2 - 2x + 2, g(x) = -x^2 + ax + b \text{ 라 하고,}$$

두 곡선 C_1, C_2 의 한 교점 P의 x 좌표를 t 라 하자.
두 접선 l, m 이 서로 수직이므로
 $f'(t)g'(t) = -1$ 에서

$$4t^2 - 2(a+2)t + [2a-1] = 0 \dots\dots \textcircled{1}$$

$f(t) = g(t)$ 에서

$$2t^2 - (a+2)t + 2 - b = 0 \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 에서 $b = \frac{5}{2} - a$ 를 $y = -x^2 + ax + b$ 에 대입
하고 a 에 관하여 정리하면,

$$a(x-1) - x^2 - y + \frac{5}{2} = 0 \dots\dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{3}$ 에서 $x-1=0, -x^2-y+\frac{5}{2}=0$ 을 만족시키는

x 와 y 의 값을 구하면 점 Q의 좌표는 $(1, \frac{3}{2})$ 이다.

$$\therefore h(a) = 2a - 1, \alpha = \frac{5}{2}, \beta = \frac{3}{2}$$

$$\text{따라서 } h(\alpha) \times h(\beta) = h\left(\frac{5}{2}\right) \times h\left(\frac{3}{2}\right) = 4 \times 2 = 8$$

19. [출제의도] 등비수열의 일반항을 추측하여 등비급수의 활용문제를 해결한다.

선분 BC를 1:3으로 내분하므로 $\overline{BE} = 1$

선분 DA를 1:3으로 내분하므로 $\overline{DF} = 1$

따라서 그림 R_1 에서 색칠된 평행사변형 BEDF의 넓이는 $1 \times 4 = 4$ 이다.

그림 R_2 에서 삼각형 ECD 안의 정사각형의 한 변의 길이를 x 라 하자.

삼각형 ECD에서 정사각형을 제외한 두 직각삼각형은 정사각형의 마주보는 두 변이 평행하므로 삼각형 ECD와 닮음이다. 이 중 좌측 직각삼각형의 밑변의 길이는 삼각형 ECD의 밑변과 높이의 비가 3:4이므로 $\frac{3}{4}x$ 가 된다. 따라서 $\overline{EC} = \frac{3}{4}x + x = \frac{7}{4}x = 3$

$$\text{그러므로 } x = \frac{12}{7}$$

한 변의 길이가 $\frac{12}{7}$ 인 정사각형과 한 변의 길이가 4인

정사각형의 닮음비는 $\frac{12}{7} : 4 = 3 : 7$ 이므로 넓이의 비는 9:49이다.

그런데 두 개의 평행사변형이 그러하므로 그림 R_1 에서 색칠된 도형의 넓이의 $\frac{9}{49} \times 2 = \frac{18}{49}$ 이 그림 R_2 에서 새로 색칠된다. 따라서 그림 R_n 에 색칠되어 있는 도형의 넓이는 첫째항이 4이고 공비가 $\frac{18}{49}$ 인 등비수열의 첫째항부터 제 n 항까지의 합이다.

$$\text{따라서 } \lim_{n \rightarrow \infty} S_n = \frac{4}{1 - \frac{18}{49}} = \frac{4 \times 49}{49 - 18} = \frac{196}{31}$$

20. [출제의도] 함수의 극한의 성질을 이해하여 주어진 문제를 해결한다.

$$f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x^{2n+1}}{1+x^{2n}}$$
을 구하면

i) $|x| > 1$ 일 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{x^{2n}} = 0$ 이므로

$$f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x^{2n+1}}{1+x^{2n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x}{\frac{1}{x^{2n}} + 1} = 2x$$

ii) $|x| < 1$ 일 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n} = \lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n+1} = 0$ 이므로

$$f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x^{2n+1}}{1+x^{2n}} = 0$$

iii) $x = 1$ 일 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n} = \lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n+1} = 1$ 이므로

$$f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x^{2n+1}}{1+x^{2n}} = 1$$

iv) $x = -1$ 일 때,

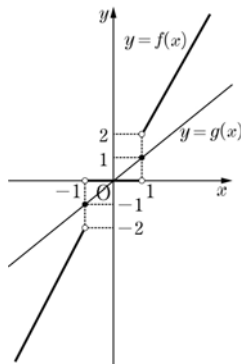
$$\lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n} = 1 \text{ 이고, } \lim_{n \rightarrow \infty} x^{2n+1} = -1 \text{ 이므로}$$

$$f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2x^{2n+1}}{1+x^{2n}} = -1$$

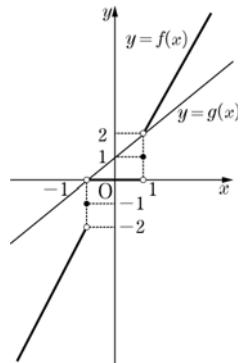
$$\text{i) ~ iv)에 의해 } f(x) = \begin{cases} 2x & (|x| > 1) \\ 0 & (|x| < 1) \\ 1 & (x = 1) \\ -1 & (x = -1) \end{cases}$$

두 함수 $y=f(x), y=g(x)$ 의 그래프는 다음과 같다.

(1) $a=0$ 인 경우, 서로 다른 세 점에서 만난다.



(2) $a=1$ 인 경우, 서로 만나지 않는다.



$h(0) = 3$ 이고, $h(1) = 0$ 에서 $\lim_{a \rightarrow -1^+} h(a) = 1$ 이다.

$$\text{따라서 } h(0) + \lim_{a \rightarrow -1^+} h(a) = 3 + 1 = 4$$

21. [출제의도] 부정적분을 이용하여 실근이 존재하는 구간을 추측한다.

함수 $f'(x)$ 는 삼차함수이고

$$f'(0) = f'(\sqrt{2}) = f'(-\sqrt{2}) = 0 \text{ 이므로}$$

$$f'(x) = kx(x + \sqrt{2})(x - \sqrt{2})$$

$$= kx(x^2 - 2) = kx^3 - 2kx \text{ (단, } k \text{는 상수)}$$

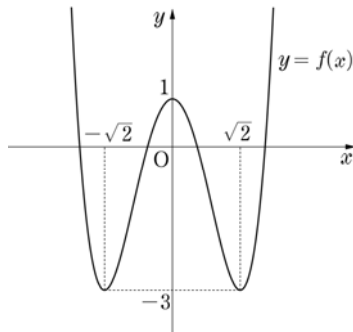
$$f(x) = \frac{k}{4}x^4 - kx^2 + C \text{ (단, } C \text{는 적분상수)}$$

$$f(0) = C = 1$$

$$f(\sqrt{2}) = k - 2k + C = -k + 1 = -3 \text{ 이므로 } k = 4$$

$$\text{따라서 } f(x) = x^4 - 4x^2 + 1$$

함수 $y=f(x)$ 의 그래프는 그림과 같다.



$$f(-2) = f(2) = 1 > 0,$$

$$f(-1) = f(1) = -2 < 0 \text{ 이므로}$$

$f(m)f(m+1) < 0$ 을 만족시키는 정수는

$-2, -1, 0, 1$ 이다.

따라서 $f(m)f(m+1) < 0$ 을 만족시키는 모든 정수 m 의 값의 합은 -2

22. [출제의도] 함수의 극한값을 계산한다.

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x^3+5)}{(x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2} (x^3+5) = 13$$

23. [출제의도] 평균변화율을 이해하여 미분계수를 구한다.

$$\frac{f(2) - f(0)}{2 - 0} = \frac{(8+2a) - 0}{2 - 0} = 4 + a = 9 \quad \therefore a = 5$$

$$f'(x) = 3x^2 + 5$$

$$f'(3) = 27 + 5 = 32$$

24. [출제의도] 정적분의 성질을 이해하여 조건을 만족하는 값을 구한다.

$$f(x) = 4x^3 - 12x^2 + k \text{ 이므로}$$

$$\int_0^3 f(x) dx = \int_0^3 (4x^3 - 12x^2 + k) dx$$

$$= [x^4 - 4x^3 + kx]_0^3$$

$$= 81 - 108 + 3k = -27 + 3k = 0$$

따라서 $k = 9$

25. [출제의도] 로그의 성질을 이해하여 조건을 만족하는 값을 구한다.

$$\text{i) } \frac{\log_a b}{2a} = \frac{3}{4} \text{ 이므로 } \log_a b = \frac{3a}{2}$$

$$\text{ii) } \frac{18 \log_b a}{b} = \frac{3}{4} \text{ 이므로 } \log_b a = \frac{b}{24}$$

$$\log_a b \times \log_b a = \frac{3a}{2} \times \frac{b}{24} = 1$$

따라서 $ab = 16$

26. [출제의도] 유리함수의 성질을 이용하여 주어진 조건을 만족하는 문제를 해결한다.

점 $P(a, b)$ 는 유리함수 $y = \frac{4}{x} (x > 0)$ 의 그래프 위의 점이므로 $b = \frac{4}{a}$ 에서 $ab = 4 (a > 0, b > 0)$

점 $P(a, b)$ 와 직선 $x + y = 0$ 사이의 거리가 5이므로

$$\frac{|a+b|}{\sqrt{1^2+1^2}} = 5 \text{에서 } a+b = 5\sqrt{2}$$

$$\text{따라서 } a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$$

$$= (5\sqrt{2})^2 - 2 \times 4 = 42$$

27. [출제의도] 등차수열과 등비수열의 성질을 이해하여 조건을 만족하는 값을 구한다.

수열 $\{a_n\}$ 은 등차수열이므로 $a_1 + a_8 = a_4 + a_5$

수열 $\{b_n\}$ 은 등비수열이므로 $b_2 b_7 = b_4 b_5$

이때 $b_4 b_5 = a_4 a_5$ 이므로

$$a_4 + a_5 = 8, a_4 a_5 = 12$$

a_4, a_5 가 두 이차방정식의 근이라 하면 이차방정식의 근과 계수와의 관계에 의해

이차방정식 $x^2 - 8x + 12 = 0$ 의 두 근이다.

$$\text{따라서 } a_4 = 6, a_5 = 2$$

$$(\because a_4 = b_4, a_5 = b_5, b_4 > b_5)$$

수열 $\{a_n\}$ 은 공차가 -4 인 등차수열이므로

$$a_4 = a_1 + (4-1) \times (-4) = 6$$

$$\text{따라서 } a_1 = 18$$

28. [출제의도] 조합을 활용하여 주어진 조건을 만족하는 문제를 해결한다.

우선 빨간색 공을 넣는 방법의 수는 ${}_5C_3 = 10$

모든 바구니에 공이 적어도 하나씩 들어가야 하므로 빨간색 공을 넣지 않은 빈 바구니에 파란색 공을 각각 1개씩 넣는다.

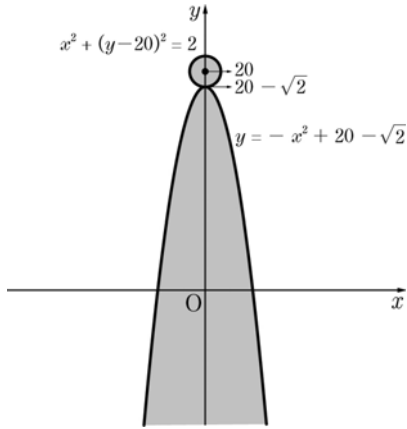
남은 4개의 파란색 공을 서로 다른 5개의 바구니에 각각 2개 이하로 넣는 경우의 수는 다음과 같다.

i) 2+2인 경우

- 파란색 공을 넣는 경우의 수는 ${}_5C_2 = 10$
- ii) 2+1+1 인 경우
파란색 공을 넣는 경우의 수는 ${}_5C_3 \times {}_3C_1 = 30$
- iii) 1+1+1+1 인 경우
파란색 공을 넣는 경우의 수는 ${}_5C_4 = 5$
- 따라서 구하는 경우의 수는 $10 \times (10 + 30 + 5) = 450$

29. [출제의도] 명제와 진리집합의 관계를 이해하여 조건을 만족하는 문제를 해결한다.

두 조건 p, q 의 진리집합을 P, Q 라 할 때, 명제가 참이 되려면 $P \cap Q \neq \emptyset$ 이어야 한다. 그러므로 부등식 $x^2 + (y-20)^2 \leq 2$ 가 나타내는 영역과 $y \leq k - x^2$ 이 나타내는 영역의 공통부분이 존재해야 한다.



곡선 $y = k - x^2$ 의 꼭짓점의 좌표 $(0, k)$ 가 $(0, 20 - \sqrt{2})$ 일 때, 그림과 같이 $x^2 + (y-20)^2 = 2$ 와 한 점에서 만난다. 그러므로 $k \geq 20 - \sqrt{2}$ 이면 명제는 참이 된다. 따라서 이를 만족시키는 정수 k 의 최솟값은 19

30. [출제의도] 순열과 조합을 활용하여 실생활과 관련된 문제를 해결한다.

각 분단에는 같은 학급 학생이 3명 올 수 없으므로 1분단에는 A 학급 학생이 2명 또는 1명이 배정된다.

1분단에 A 학급 학생 2명이 배정되는 경우를 먼저 생각하자.(단, 빈 좌석에는 B 학급 학생을 배정한다.)

i) 첫째 줄에 A 학급 학생이 앉지 않는 경우

C	
A	C
	A
A	

(1)

	C
A	
C	A
A	

(2)

	C
A	
	A
A	C

(3)

ii) 둘째 줄에 A 학급 학생이 앉지 않는 경우

A	
	C
A	
C	A

(4)

A	C
C	
	A
A	

(5)

A	
	C
C	A
A	

(6)

iii) 셋째 줄에 A 학급 학생이 앉지 않는 경우

A	
C	A
	C
A	

(7)

A	
	A
C	
A	C

(8)

C	A
A	
	C
A	

(9)

iv) 넷째 줄에 A 학급 학생이 앉지 않는 경우

A	
C	A
A	
	C

(10)

A	
	A
A	C
C	

(11)

A	C
	A
A	
	C

(12)

(3)과 (12)의 경우 C 학급 학생이 같은 분단에 배정되어 학급 번호가 작은 학생이 항상 앞줄에 앉기 때문에 C 학급 학생이 배정되는 방법의 수는 1이다. (1),(2),(4),(5),(6),(7),(8),(9),(10),(11)의 경우 C 학급 학생이 서로 다른 분단에 배정되는 방법

의 수는 2이다.
그러므로 C 학급 학생이 배정되는 모든 방법의 수는 $1 \times 2 + 2 \times 10 = 22$
A 학급 학생이 배정되는 방법의 수는 3
B 학급 학생이 배정되는 방법의 수는 3
1분단에 A 학급 학생 2명이 배정되는 경우 학생이 배정되는 방법의 수는 $22 \times 3 \times 3$
1분단에 A 학급 학생이 1명 배정되는 경우는 2분단에 A 학급 학생이 2명 배정되는 경우와 같으므로 위에서 구한 1분단에 A 학급 학생이 2명 배정되는 방법의 수와 같다.
따라서 구하는 방법의 수는 $22 \times 3 \times 3 \times 2 = 396$