

자연  
(오전)

2019학년도 신입학 수시  
논술 전형



성명		지원 학부·학과		수험 번호										
----	--	----------	--	-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 답안지와 문제지에 성명, 지원 학부·학과, 수험 번호를 정확히 기입하시오.
- 답안지에 정답 외에는 어떠한 표시도 하지 마시오.
- 90분 안에 답안을 작성하시오.
- 고사 종료 후 답안지와 문제지, 연습지를 함께 제출하시오.
- 진행을 위한 감독자의 지시에 응하지 않을 시 퇴실 요구를 받을 수 있습니다.

유의 사항

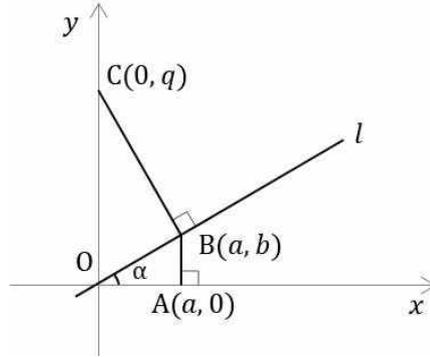
1. 답안지는 검정색 펜(볼펜, 연필, 샤프)으로만 작성하시오.  
(빨간색이나 파란색 등 사용 금지)
2. 답안지 수정 시에는 지우개(연필, 샤프 사용 시)를 사용하거나, 가로로 줄을 긋고(볼펜 사용 시) 그 위에 재작성 하시오.(수정테이프, 수정액 사용 불가)
3. 본 고사의 답안은 1매 이내에 작성을 해야 하며, 답안지 교체는 가능하나 기존 답안지 제출은 절대 불가합니다.
4. 답안지 교체로 인한 책임(시간 부족 등)은 요청한 수험생에게 있습니다.
5. 다음 경우는 0점 처리됩니다.
  - 1) 답안을 검정색 펜으로 작성하지 않은 경우
  - 2) 자신의 신원을 드러내거나 답안과 관련 없는 표현이나 표기를 한 경우
  - 3) 답안을 해당 답란에 작성하지 않은 경우
  - 4) 수정액이나 수정테이프를 사용한 경우

※ 감독의 지시가 있을 때까지 다음 장으로 넘기지 마시오.

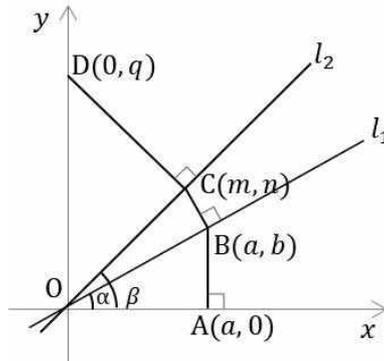
이 면은 여백입니다.

[문제 1] 다음 제시문 <가>와 <나>를 읽고 물음에 답하시오.

<가>  $x$ 축 위의 한 점  $A(a, 0)$ 에서의 수선과 원점을 지나는 직선  $l$ 의 교점을  $B(a, b)$ 라 하고, 점  $B$ 를 지나는 수선이  $y$ 축과 만나는 교점을  $C(0, q)$ 라 하자. (단,  $a > 0, 0 < b < q$ )



<나> 원점을 지나는 두 직선  $l_1, l_2$ 가 그림과 같고,  $x$ 축 위의 점  $A$ 에서의 수선과  $l_1$ 의 교점을  $B$ , 점  $B$ 에서의 수선과  $l_2$ 의 교점을  $C$ , 점  $C$ 에서의 수선과  $y$ 축의 교점을  $D$ 라 하자. (단,  $0 < m < a, 0 < b < n < q$ )



1-1. 제시문 <가>에서  $\frac{q}{a}$ 를 점  $B$ 의 좌표  $a, b$ 로 나타내고  $\frac{q}{a}$ 의 최솟값을 구하시오. [10점]

1-2. 제시문 <나>에서 식  $nq = m^2 + n^2$ 과 식  $am + bn = a^2 + b^2$ 이 성립함을 보이고,  $a, b, m, n$ 이 자연수일 때 두 선분의 길이의 비  $\frac{BC}{OB}$ 가 유리수임을 보이시오. [15점]

1-3. 제시문 <나>에서  $q=5$ 일 때, 점  $B$ 와 점  $C$ 의 좌표들을 모두 구하고, 이때  $\frac{q}{a}$ 의 값을 구하시오. (단,  $a, b, m, n$ 은 모두 자연수) [10점]

[뒷면에 계속]



[문제 2] 다음 제시문 <가>와 <나>를 읽고 물음에 답하시오.

<가> 합성함수의 미분법

두 함수  $y = f(u)$ ,  $u = g(x)$ 가 미분가능할 때, 합성함수  $y = f(g(x))$ 도 미분가능하며 그 도함수는

$$\{f(g(x))\}' = f'(g(x))g'(x)$$

<나> 정적분과 미분의 관계

함수  $f(t)$ 가 구간  $[a, b]$ 에서 연속일 때,

$$\frac{d}{dx} \int_a^x f(t) dt = f(x) \quad (\text{단, } a < x < b)$$

2-1. 함수  $f(x) = \int_0^x (1 - \cos t) dt$  ( $0 < x < 2\pi$ )에 대하여 함수  $g(x)$ 가  $g(f(x)) = \ln \sqrt{1+x^2}$  ( $0 < x < 2\pi$ )을

만족시킬 때,  $\lim_{x \rightarrow \pi} \frac{g(x) - g(\pi)}{x - \pi}$ 의 값을 구하시오. [15점]

2-2. 함수  $f(x) = (x-1)^3 \cos(\pi x)$ 에 대하여  $\int_0^2 f(x) dx$ 의 값을 구하고, 이를 이용하여  $\lim_{x \rightarrow 0} \left\{ \frac{1}{\sin \pi x} \int_0^{2+x} f(t) dt \right\}$ 의

값을 구하시오. [15점]

[뒷면에 계속]



[문제 3] 다음 제시문 <가>~<라>를 읽고 물음에 답하시오.

<가> 다음과 같은 집합이 주어진다.

$$A_1 = \{1, 2, 3, \dots, m\}$$

$$A_2 = \{1, 2, 3, \dots, 2m\}$$

$$A_3 = \{1, 2, 3, \dots, 3m\}$$

$$\vdots$$

$$A_{12} = \{1, 2, 3, \dots, 12m\}$$

(단,  $m$ 은 1보다 큰 자연수)

<나>  $A_i$ 에서  $A_{i+1}$ 로의 함수  $f_i: A_i \rightarrow A_{i+1}$ 의 개수는  $h_i(m)$ 이다.

<다>  $A_i$ 에서  $A_{i+1}$ 로의 함수  $f_i: A_i \rightarrow A_{i+1}$  중에서 ' $k \in A_i, l \in A_i$ 이고  $k < l$ 이면  $f_i(k) < f_i(l)$ 이다'를 만족하는 것의 개수는  $r_i(m)$ 이다. (예를 들면,  $r_3(m)$ 은  $A_3$ 에서  $A_4$ 로의 함수  $f_3: A_3 \rightarrow A_4$  중에서 ' $k \in A_3, l \in A_3$ 이고  $k < l$ 이면  $f_3(k) < f_3(l)$ 이다'를 만족하는 것의 개수이다.)

<라>  $A_i$ 에서  $A_{i+2}$ 로의 함수  $g_i: A_i \rightarrow A_{i+2}$  중에서 ' $k \in A_i, l \in A_i$ 이고  $k < l$ 이면  $g_i(k) < g_i(l)$ 이다'를 만족하는 것의 개수는  $s_i(m)$ 이다. (예를 들면,  $s_3(m)$ 은  $A_3$ 에서  $A_5$ 로의 함수  $g_3: A_3 \rightarrow A_5$  중에서 ' $k \in A_3, l \in A_3$ 이고  $k < l$ 이면  $g_3(k) < g_3(l)$ 이다'를 만족하는 것의 개수이다.)

3-1.  $h_1(m), r_1(m), s_1(m)$ 에 대하여 다음을 구하시오. [15점]

$$\lim_{m \rightarrow \infty} \frac{(2m)^{m-1}}{h_1(m)} \ln \frac{s_1(m)}{r_1(m)}$$

3-2. 다음을 구하시오. [20점]

$$\lim_{m \rightarrow \infty} \frac{(2m)^{m-1}}{h_1(m)} \ln \frac{s_1(m)s_2(m) \cdots s_{10}(m)}{r_1(m)r_2(m) \cdots r_{10}(m)}$$

[끝]



이 면은 여백입니다.