

【문제2】

【문제2】

(1) 상점 A를 이용하는 고객의 집합은

$$\left\{ p(x,y) \mid \frac{2}{(x+3)^2+(y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2} \right\} \text{이다.}$$

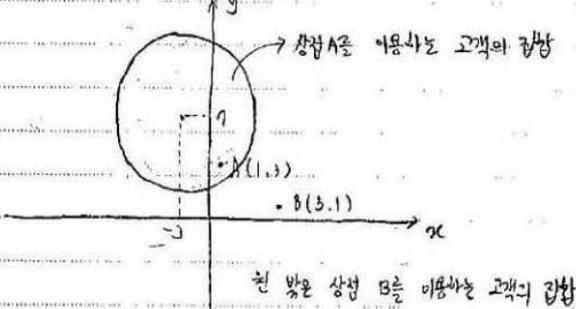
이 것을 풀면 $\{ p(x,y) \mid (x+3)^2+(y-3)^2 \leq 48 \}$ 이 된다.

상점 B를 이용하는 고객의 집합은

$$\left\{ p(x,y) \mid \frac{2}{(x+3)^2+(y-3)^2} \leq \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2} \right\} \text{이므로}$$

$$\{ p(x,y) \mid (x+3)^2+(y-3)^2 \geq 48 \} \text{이다}$$

이 집합을 그래프상에 나타내면



(2) (i)의 경우 점 (x,y) 에서 $y=0$ 인 직선까지의 거리를 구하는 식을 이용하면

$$(2) \left\{ x,y \mid 0 < x < 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2} \right\} = \text{상점 C 이용하는 고객의 집합}$$

(ii)의 경우 점 (x,y) 에서 점 $(2,0)$ 까지의 거리를 구하는 식을 이용하면

$$\left\{ x,y \mid x \geq 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2+y^2} \right\}$$

(2) 학생 1과 2는 지의 좌표가 $0 < x < 2$ 이므로 문제(2-1)의 (식1)을 사용하고 학생 3은 지의 좌표가 $x \geq 2$ 이므로 (식2)를 사용한다.

학생 1: (1.8)을 (식1)에 대입하면,

$$\frac{1}{(1-1)^2+(8-2)^2} \geq \frac{2}{8^2}, \quad \frac{1}{36} \geq \frac{1}{32} \text{ 가 되서 부등호가 성립하지}$$

학생 2: (1.5, 5)를 (식2)에 대입하면

$$\frac{1}{(1-1)^2+(1.5-2)^2} \geq \frac{2}{(1.5)^2}, \quad \frac{1}{0.25} \geq \frac{2}{2.25} \text{ 성립하므로}$$

상점 C 이용

학생 3: (4, 2)를 (식3)에 대입하면

$$\frac{1}{(4-1)^2+(2-2)^2} \geq \frac{2}{(4-2)^2+2^2}, \quad \frac{1}{9} \geq \frac{1}{4} \text{ 성립하지 않으므로}$$

소평물 DE 이용

【문제2】

(1) 상점 A(1,3) 경쟁력 2 에 대한 고객 $p(x,y)$ 에 대한
 효용력은 $\frac{2}{PA^2} = \frac{2}{(x-1)^2+(y-3)^2}$ 이고

상점 B(3,1) 경쟁력 3 에 대한 고객 $p(x,y)$ 에 대한

효용력은 $\frac{3}{PB^2} = \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2}$ 이다.

고객은 효용력이 큰 가게를 선호하므로

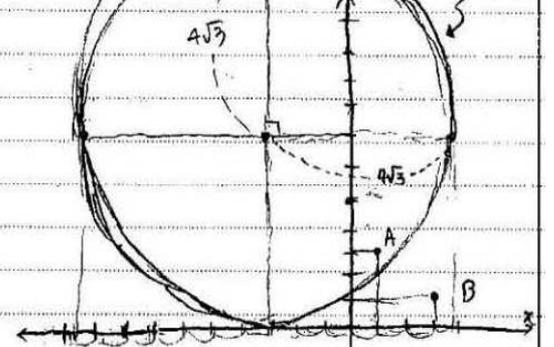
A상점을 선호하는 고객은

$$\frac{2}{(x-1)^2+(y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2} \text{ 이므로 } 2(x^2+y^2-6x+9) \geq 3(x^2+y^2-6x+1)$$

$$2(x^2-6x+9)+2(y^2-2y+1) \geq 3(x^2-2x+1)+3(y^2-6y+1)$$

$$x^2+6x+y^2-14y+10 \leq 0$$

$$(x+3)^2+(y-7)^2 \leq 48 = (4\sqrt{3})^2 \text{ 에 속해있다 } (x+3)^2+(y-7)^2 = 48$$



따라서 A를 이용하는 고객은 원 내부, B를 이용하는 고객은 원 외부에 위치하게 된다.

(2) (2-1).

(ii)의 경우는 $0 \leq x \leq 2$ 의 $p(x,y)$ 의 경우이고

이때의 소평물 DE의 효용력은 (DE의 방정식은 $0 \cdot x + 1 \cdot y + 0 = 0$)

$$\frac{2}{y^2}, \text{ 상점 C의 효용력은 } \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \text{ 이므로}$$

$$\text{상점 C 이용하는 고객의 집합} = \left\{ (x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2} \right\}$$

(iii)의 경우는 $x \geq 2$ 의 $p(x,y)$ 의 경우.

$$\text{이때의 DE의 효용력: } \frac{2}{(x-2)^2+y^2}, \text{ C의 효용력: } \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2}$$

$$\text{상점 C 이용하는 고객의 집합} = \left\{ (x,y) \mid x \geq 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2+y^2} \right\}$$

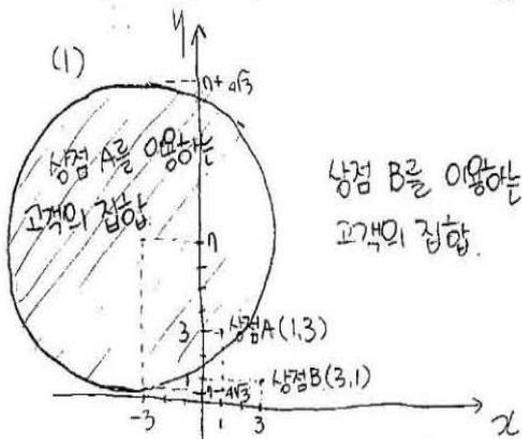
(2-2)

학생 1은 (나)의 (ii) 경우이고 1학생에 대한 C효용력: $\frac{1}{36}$
 1학생에 대한 DE효용력: $\frac{2}{64} = \frac{1}{32}$

이므로, 학생 1은 소평물 DE를 이용할 것이다.
 학생 2는 (나)의 (ii) 경우이고 2학생에 대한 C효용력: $\frac{1}{0.25} = 4$
 2학생에 대한 DE효용력: $\frac{2}{2.25} = \frac{200}{225}$

이므로 학생 2는 상점 C를 이용할 것이다.
 학생 3은 (나)의 (iii) 경우이고, 3학생에 대한 C효용력: $\frac{1}{9}$
 3학생에 대한 DE효용력: $\frac{2}{28} = \frac{\sqrt{2}}{2}$

이므로 학생 3은 소평물 DE를 이용할 것이다



상점 A를 이용하는 고객의 집합 = $\{P(x, y) \mid \frac{PA}{PB} \geq \frac{3}{2}\}$

이므로 PA, PB 값을 구해보자.

점의 좌표를 (x, y)라 하면

$$PA = \sqrt{(x-1)^2 + (y-3)^2} \quad PB = \sqrt{(x-3)^2 + (y-1)^2} \text{ 이다}$$

상점 A를 이용하는 고객의 집합 식에 이를 대입해 보면

$$\frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

$$2(x-3)^2 + 2(y-1)^2 \geq 3(x-1)^2 + 3(y-3)^2$$

$$0 \geq x^2 + 6x + 9 + y^2 - 14y + 49 - 48$$

$$48 \geq (x+3)^2 + (y-7)^2 \text{ 으로 중심이 } (-3, 7)$$

이로 반지름이 $4\sqrt{3}$ 인 원의 안쪽임을 알 수 있다. 상점 B를 이용하는 고객의 집합 = $\{P(x, y) \mid \frac{PA}{PB} \leq \frac{3}{2}\}$ 이므로 상점 A를 이용하는 집합의 여집합이 되어 중심이 (-3, 7)이고 반지름이 $4\sqrt{3}$ 인 원의 바깥쪽이 됨을 알 수 있다

(2-1) (ii)의 경우: P(x, y)가 $0 < x < 2$ 의 경우
고객에 대한 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2}$ 이고
쇼핑몰 DE의 흡인력은 $\frac{2}{(\frac{|y|}{1})^2} = \frac{2}{y^2}$ 이다 따라서

상점 C를 이용하는 고객의 집합 = $\{(x, y) \mid 0 < x < 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2}\}$ 이다.

(iii)의 경우: P(x, y)가 $2 \leq x$ 의 경우
쇼핑몰 DE의 흡인력은 $\frac{2}{(x-2)^2 + y^2}$ 이다. 따라서 상점 C를 이용하는 고객의 집합 = $\{(x, y) \mid 2 \leq x, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}\}$ 이다.

(2-2) 학생 1, 2의 경우 좌표의 거리가 $0 < x < 2$ 이므로 식(ii)를 이용하고 학생 3의 경우 $2 \leq x$ 이므로 식(iii)을 이용해 구해 보자.

	학생 1	학생 2	학생 3
상점 C의 흡인력	$\frac{1}{36}$	4	$\frac{1}{9}$
쇼핑몰 DE의 흡인력	$\frac{1}{36}$	용	$\frac{1}{4}$

학생 1, 3은 쇼핑몰 DE를 이용하고, 학생 2는 상점 C를 이용한다.

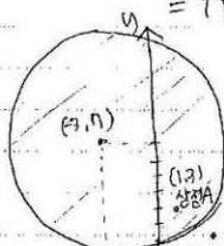
【문제2】

(1) 상점 A의 흡인력 = $\frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2}$

상점 B의 흡인력 = $\frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$

상점 A 이용고객 = $\{P(x, y) \mid \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}\}$
 $= \{P(x, y) \mid (x+3)^2 + (y-7)^2 \leq 48\}$

상점 B 이용고객 = $\{P(x, y) \mid \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \leq \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}\}$
 $= \{P(x, y) \mid (x+3)^2 + (y-7)^2 \geq 48\}$



중심이 (-1, 7)이고
반지름이 $4\sqrt{3}$ 인 원

원 $(x+3)^2 + (y-7)^2 = 48$ 의
(바깥쪽) 바깥 → 상점 A 이용고객

원 $(x+3)^2 + (y-7)^2 = 48$ 의
안쪽 → 상점 B 이용고객

(2-1) 상점 C의 흡인력 = $\frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2}$
 쇼핑몰 DE의 흡인력 = $\begin{cases} x < 0 \text{ 일 때 } \frac{2}{x^2 + y^2} \\ 0 < x \leq 2 \text{ 일 때 } \frac{2}{y^2} \\ x > 2 \text{ 일 때 } \frac{2}{(x-2)^2 + y^2} \end{cases}$

∴ 상점 C 이용 고객 집합
 $= \{(x, y) \mid x < 0, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{x^2 + y^2}\}$
 $\bullet \quad \begin{cases} 0 < x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2} \\ x > 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2} \end{cases}$

(2-2) 학생 1 : $0 < x \leq 2$ (2-1)의 식으로 계산

C 흡인력 $\frac{1}{36} < \frac{2}{DE \text{ 흡인력 } \frac{1}{36}}$
 ∴ 쇼핑몰 DE 이용

학생 2 : $0 < x \leq 2$
 C 흡인력 4 > DE 흡인력 용
 ∴ 상점 C 이용

학생 3 : $x > 2$
 C 흡인력 $\frac{1}{9} < \frac{2}{DE \text{ 흡인력 } \frac{1}{4}}$
 ∴ 쇼핑몰 DE 이용

[문제2]

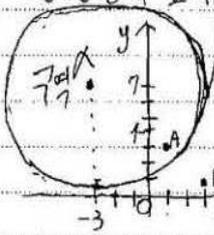
(1) A를 이용하는 고객과 B를 이용하는 고객에 위치를 $P(x,y)$ 라고 할 때 예시물 (가)에 제시된 구배인격의식으로 A의 구배인격과 B의 구배인격이 같은 지점을 경계로 하여 구하면

$$A\text{의 구배인격} = \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \quad B\text{의 구배인격} = \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

$$\frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} = \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2} \Rightarrow 3(x-1)^2 + 3(y-3)^2 = 2(x-3)^2 + 2(y-1)^2$$

이 되고 정리하면 $(x+3)^2 + (y-1)^2 = 48$ 이 된다.

이 구배인격에 표시할 때 $(x+3)^2 + (y-1)^2 = 48$ 안의 구역은



α 구역에서는 A를 이용하고 β 구역에서는 B를 이용한다. 경계(가)의는 원 위의 점 P에서는 양쪽 모두 이용한다.

(2-1) (ii)의 경우 x 의 범위는 $0 \leq x \leq 2$ 이 된다.

이때 P에서 D에 가장 가까운 지는 P에서 D에 수선의 발을 내렸을 때 이 때 거리는 y에 해당하게 된다 이를 식 1 처럼 표현하면

$$\text{상점 C를 이용하는 고객 } (x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}$$

(iii)의 경우 (i)는 경우(i)처럼 DE의 오른쪽 끝점 E

가 가장 가까운 위치가 식 1 처럼 표현하면

$$\text{상점 C를 이용하는 고객 } = (x,y) \mid x \geq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}$$

그 때 P에서 E까지 거리는 $\sqrt{(x-2)^2 + y^2}$ 이므로

(2-2) 학생 1은 3점짜리 이므로 (ii)의 경우에서 구하면

학생 1, 2, 3 각 경우 이 때에 상점 C와 호핑을 DE에 어떤 소비인격을 표로 나타내어 비교하면

학생	C	DE	학생 1은 호핑을 DE를 학생 2는 상점 C를 학생 3은 호핑을 DE를 이용한다.
학생 1	$\frac{1}{36}$	$\frac{1}{32}$	
학생 2	4	$\frac{1}{20}$	
학생 3	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{4}$	

[문제2]

(1) 소비인격의 변화에 의해 손님 P가 (x,y)에 왔을 때의

각 상점의 흡인력은 구할 수 있다. 이를 사분면에서 보면

$$\text{상점 A의 흡인력} = |P(x,y)| \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2}$$

$$\text{상점 B의 흡인력} = |P(x,y)| \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

손님 P는 흡인력이 더 큰 상점으로 가기 때문에

상점 A를 이용하는 고객의 집합을 사분면 나타내면

$$|P(x,y)| \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

$$\frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

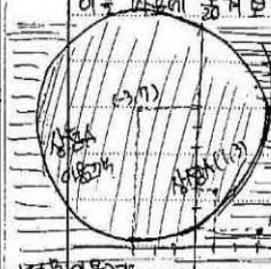
$$2(x-3)^2 + 2(y-1)^2 \geq 3(x-1)^2 + 3(y-3)^2$$

$$2x^2 - 12x + 18 + 2y^2 - 4y + 2 \geq 3x^2 - 6x + 3 + 3y^2 - 18y + 27$$

$$x^2 + 6x + 4y^2 - 14y \leq -10$$

$$(x+3)^2 + (y-1)^2 \leq 48$$

이후 따져 보면 원이 그려지고



상점 A의 구배인격은 원 안쪽에 분포되어 있다. 상점 B의 이용객은 상점 A와 B의 흡인력의 부등호를 상점 A 이용객의 경우와 반대로 놓으면 된다. 따라서 상점 B의 이용객은 원 밖에 분포되어 있다.

(2-1) (ii)의 경우의 고객에 위치한 점 P(x,y)의 x좌표가

$x=0$ 과 $x=2$ 사이에 위치하는 경우이므로 범위가

$0 \leq x \leq 2$ 임을 알 수 있다. 또한 D에의 방정식이 $y=0$ 이므로

$$C\text{를 이용하는 고객의 집합} = \{(x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}\}$$

(iii)의 경우는 고객에 위치한 점 P(x,y)가 $x \geq 2$ 인 경우이다. 그러므로

$$C\text{를 이용하는 고객의 집합} = \{(x,y) \mid x \geq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}\}$$

이다.

(2-2) (ii)의 경우에 C를 이용하는 고객의 집합의 식을 구하면

$$y^2 \geq 2x^2 - 4x + 2 + 2y^2 - 8y + 8$$

$$2x^2 - 4x + 2 + y^2 - 8y + 6 \leq -2 - 8 + 2 + 16$$

$$2(x-1)^2 + (y-4)^2 \leq 8$$

이다. 그리고 (iii)의 경우에 C를 이용하는 고객의 집합의 식을 구하면

$$x^2 - 4x + 4 + y^2 \geq 2x^2 - 4x + 2 + 2y^2 - 8y + 8$$

$$x^2 + y^2 - 8y \leq 6 \Leftrightarrow x^2 + (y-4)^2 \leq 10$$

학생 1은 x좌표가 1이므로 (ii) 경우이다. 학생의 좌표는

$$2(x+1)^2 + (y-4)^2$$

이 대입해 보면 16이므로 8보다 크다.

학생 2의 x좌표가 4이므로 학생 2는 (iii) 경우이다. 학생의 좌표는

$$2(x+1)^2 + (y-4)^2$$

이 대입해 보면 6.25 이므로 8보다 작다.

학생 3은 x좌표가 4이므로 (iii) 경우이다. 학생의 좌표는

$$x^2 + (y-4)^2$$

이 대입해 보면 20이므로 10보다 크다. 따라서 학생 1 과 학생 3은 상점 DE를 학생 2는 상점 C를 이용한다.

[문제2]

(1) 할인액의 범칙에 좌표평면위의 한 점 P(x,y)로부터의 A(1,3), B(3,1)에 대한 할인액을 구하면.

$$\text{상점 A의 할인액} = \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \quad \text{--- ①}$$

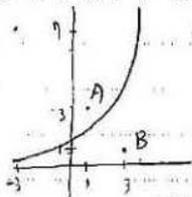
$$\text{상점 B의 할인액} = \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2} \quad \text{--- ②이다.}$$

상점 A의 할인액이 큰 곳에서는 상점 A를 이용할 것이고, 상점 B의 할인액이 큰 곳에서는 상점 B를 이용할 것이므로 ①과 ②를 이용해 상점 A와 B의 할인액이 같은 곳을 찾는 다음, ①이 큰 곳과 ②가 큰 곳을 설정해 마른다. ①과 ②를 이용해 할인액이 같은 곳을 찾는 식은

$$\frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} = \frac{3}{(x-3)^2 + (y-1)^2}$$

$$\begin{aligned} \therefore 3(x-1)^2 + 3(y-3)^2 &= 2(x-3)^2 + 2(y-1)^2 \\ \therefore 3x^2 - 6x + 3y^2 - 18y + 30 &= 2x^2 - 12x + 2y^2 - 4y + 20 \\ \therefore (x+3)^2 + (y-1)^2 &= 48 \quad \text{--- ③} \end{aligned}$$

③ 식을 좌표평면 위에 나타내면



로 나타낼 수 있다. 원 내부는 상점 A의 할인액이 큰 곳이고, 원 외부는 상점 B의 할인액이 큰 곳이다.

따라서 상점 A를 이용하는 고객의 집합은 $(x+3)^2 + (y-1)^2 = 48$ 이나 원 내부이고, 상점 B를 이용하는 고객의 집합은 이 원을 제외한 바깥 부분이다.

(2)

(i) 상점 C를 이용하는 고객의 집합

$$= \{(x, y) \mid 0 < x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq 2x^2 + 2y^2\}$$

(ii) 상점 C를 이용하는 집합

$$= \{(x, y) \mid x > 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}\}$$

(2-2)

학생	상점 C의 할인액	상점 DE의 할인액
학생 1	$\frac{1}{36}$	$\frac{65}{32}$
학생 2	4	$\frac{26}{9}$
학생 3	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{4}$

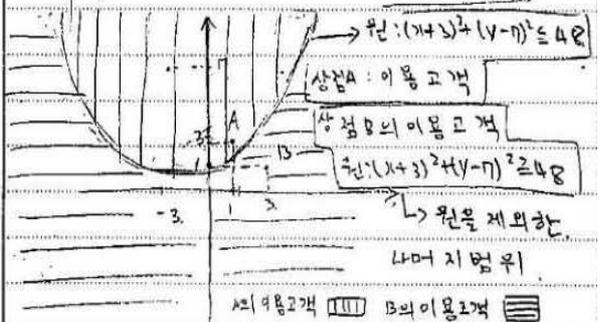
∴ 소핑몰 DE를 이용한다.
∴ 소핑몰 C를 이용한다.
∴ 소핑몰 DE를 이용한다.

[문제2]

(1) P(x,y)를 고객의 집합으로 잡으면 상점 A를 이용하는 고객의 집합과 B를 이용하는 집합은

$$A = \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \geq \frac{3}{(y-1)^2 + (x-3)^2}$$

$$B = \frac{2}{(x-1)^2 + (y-3)^2} \leq \frac{3}{(y-1)^2 + (x-3)^2}$$



(2) (2-1)

(i)의 경우 $0 \leq x \leq 2$

상점 C를 이용하는 고객의 집합

$$= \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2}\}$$

↳ 최소거리이므로

(ii)의 경우 $2 \leq x$

↳ 수직거리이므로

상점 C를 이용하는 고객의 집합

$$= \{(x, y) \mid 2 \leq x, \frac{1}{(x-1)^2 + (y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2 + y^2}\}$$

↳ 상점 C의 최소 거리이므로

(2-2)

학생 1은 D의 범위에 속하므로

(1, 2)와 (1, 8) 사이의 거리는 6이고 (1, 8)에서 지름까지의 최소거리는 4이다.

$$\frac{1}{6^2} \leq \frac{2}{8^2} \quad \text{소핑몰 DE의 값이 더 크기 때문에}$$

학생 2는 D의 범위에 속하므로 상점 C의 거리는 0.5,

소핑몰 DE의 거리는 1.5이다.

$$\frac{1}{(0.5)^2} > \frac{2}{(1.5)^2} \quad \text{상점 C의 값이 더 크기 때문에}$$

학생 3은 D의 범위에 속하므로 상점 C까지의 거리는

5이고 소핑몰 DE까지의 최소거리는 2.5가 된다.

$$\frac{1}{(3)^2} < \frac{2}{(2.5)^2} \quad \text{소핑몰 DE의 값이 더 크기 때문에}$$

소핑몰 DE 이용 예상

(1) 고객 $P(x,y)$ 에 대한 상점 A의 흡인력은 $\frac{2}{(x-1)^2+(y-3)^2}$ 이고 상점 B의 흡인력은 $\frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2}$ 이다.

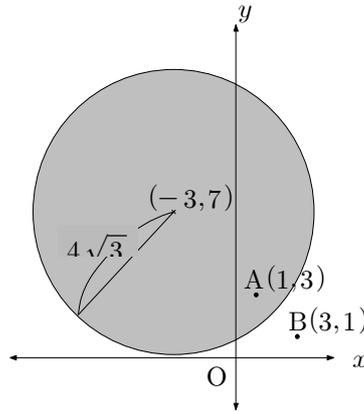
따라서, 상점 A를 이용하는 고객 집합은

$$\left\{ (x,y) \mid \frac{2}{(x-1)^2+(y-3)^2} \geq \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2} \right\} \text{ 또는 } \{(x,y) \mid (x+3)^2+(y-7)^2 \leq 48\}$$

이 된다. 즉, 상점 A를 이용하는 고객 집합은 중심이 $(-3,7)$ 이며 반지름이 $4\sqrt{3}$ ($\sqrt{48} \approx 6.93$)인 원의 내부이다. 상점 A(1,3)는 이 원의 내부에 있다.

반대로 상점 B를 이용하는 고객 집합은 $\left\{ (x,y) \mid \frac{2}{(x-1)^2+(y-3)^2} \leq \frac{3}{(x-3)^2+(y-1)^2} \right\}$ 이므로 위에서 구한 원의 외부이며 상점 B(3,1)를 포함한다.

이를 xy 평면에 다음과 같이 그릴 수 있다.



그림에서 회색 영역은 상점 A를 이용하는 고객의 집합을 나타내며, 그 외의 영역은 상점 B를 이용하는 고객의 집합을 나타낸다.

(2-1)

경우 (ii): 고객 $P(x,y)$ 가 직선 $x=0$ 과 $x=2$ 사이에 있는 경우에 해당한다.

고객 $P(x,y)$ 에 대한 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2}$ 이며 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력은 $\frac{2}{y^2}$ 이다 (점

$P(x,y)$ 에서 선분 \overline{DE} 에 대한 거리는 $|y|$ 이므로). 따라서, 상점 C를 이용하는 고객 집합은

$$\left\{ (x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{y^2} \right\}$$

$$\text{또는 } \{(x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, 2(x-1)^2+(y-4)^2 \leq 8\}$$

$$\text{또는 } \left\{ (x,y) \mid 0 \leq x \leq 2, \frac{(x-1)^2}{2^2} + \frac{(y-4)^2}{(2\sqrt{2})^2} \leq 1 \right\} \text{이다.}$$

경우 (iii): 고객 $P(x,y)$ 가 직선 $x=2$ 의 오른쪽에 있는 경우 (즉 $x \geq 2$ 인 경우)에 해당한다.

고객 $P(x,y)$ 에 대한 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2}$ 이며, 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력은 $\frac{2}{(x-2)^2+y^2}$

이다. 따라서, 상점 C를 이용하는 고객 집합은

$$\left\{ (x,y) \mid x \geq 2, \frac{1}{(x-1)^2+(y-2)^2} \geq \frac{2}{(x-2)^2+y^2} \right\}$$

$$\text{또는 } \{(x,y) \mid x \geq 2, x^2+(y-4)^2 \leq 10\} \text{이다.}$$

(2-2)

아래 두 가지 방법 중 하나로 알아 볼 수 있다.

[방법 1] 문제 (2-1)에서 구한 상점 C를 이용하는 고객 집합에 각 학생이 포함되는지 여부를 따지는 방법이다.

- 학생 1: 좌표가 (1,8)이므로, 직선 $x=0$ 과 $x=2$ 사이에 있는 경우, 즉 경우 (ii)에 해당한다. 좌표 (1,8)은 상점 C를 이용하는 고객 집합의 조건식 ($0 \leq x \leq 2, 2(x-1)^2 + (y-4)^2 \leq 8$)를 만족하지 않는다. ($2(1-1)^2 + (8-4)^2 = 16 > 8$ 이므로.) 따라서 (1,8)은 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용하는 고객 집합에 포함되며, 학생 1은 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용한다.
- 학생 2: 좌표가 (1,1.5)이므로, 역시 경우 (ii)에 해당한다. 학생 1에서와 마찬가지로, 좌표 (1,3/2)가 상점 C를 이용하는 고객 집합의 조건식 ($0 \leq x \leq 2, 2(x-1)^2 + (y-4)^2 \leq 8$)을 만족하는지 확인해 본다. $2(1-1)^2 + (3/2-4)^2 = 25/4 \leq 8$ 이므로 (1,3/2)는 상점 C를 이용하는 고객 집합에 포함되며, 학생 2는 상점 C를 이용한다.
- 학생 3: 좌표가 (4,2)이므로, 직선 $x=2$ 의 오른쪽에 있는 경우, 즉 경우 (iii)에 해당한다. 좌표 (4,2)는 상점 C를 이용하는 고객 집합의 조건식 ($x \geq 2, x^2 + (y-4)^2 \leq 10$)을 만족하지 않는다. ($4^2 + (2-4)^2 = 20 > 10$ 이므로.) 따라서 (4,2)는 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용하는 고객 집합에 포함되며, 학생 3은 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용한다.

[방법 2] 상점 C의 흡인력과 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력을 직접 계산하여 비교하는 방법이다.

- 학생 1: 좌표가 (1,8)이므로, 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(1-1)^2 + (8-2)^2} = \frac{1}{36}$, 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력은 $\frac{2}{8^2} = \frac{1}{32}$ 이다(경우 (ii)에 해당함). 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력이 더 크므로, 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용한다.
- 학생 2: 좌표가 (1,3/2)이므로, 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(1-1)^2 + (3/2-2)^2} = 4$, 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력은 $\frac{2}{(3/2)^2} = \frac{8}{9}$ 이다(경우 (ii)에 해당함). 상점 C의 흡인력이 더 크므로, 상점 C를 이용한다.
- 학생 3: 좌표가 (4,2)이므로, 상점 C의 흡인력은 $\frac{1}{(4-1)^2 + (2-2)^2} = \frac{1}{9}$, 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력은 $\frac{2}{(4-2)^2 + (2-0)^2} = \frac{1}{4}$ 이다(경우 (iii)에 해당함). 쇼핑물 \overline{DE} 의 흡인력이 더 크므로, 쇼핑물 \overline{DE} 를 이용한다.

【문제3】

【문제3】

(1) 영결만의 실험에서 최성 세균이 많이 모인 곳은 광합성이 활발히 일어나는 부분으로 빛을 많이 흡수하는 곳이다.

해광을 이용한 영결만은 실험 결과, 최성 세균이 빨간색과 보라색 빛으로 모였다. 이는 해광이 빨간색과 보라색 빛을 흡수한다는 것으로 해광은 이 빛들의 보색인 색을 나타내게 된다. 빨간색의 보색은 파란색, 녹색이고 보라색의 보색은 녹색, 노란색이므로 공통된 보색인 녹색이 실험에 이용된 해광의 색이 된다. 영결의 실험 결과로는 최성 세균들이 녹색과 파란색 주위에 모였으므로 생물의 색은 빨간색이다.

꽃의 보색을 보라색, 빨간색이고 파란색의 보색은 빨간색, 주황색이기 때문에 이들의 공통적인 보색은 빨간색이 된다.

(2) 저시온에서 흡수된 빨간색 빛이 물속에서 3m를 진행하면 약 60%가 흡수된다고 하였으므로 저시온 식에 대입하면 $I_3 = I_0 \times 10^{-0.4}$, $I_0 = 1$ 가 된다.

수심 9m에서의 빛의 세기를 x 라 하고 문제에서 주어진 값들 식에 대입하면 $x = 1 \times 10^{-0.4 \times 9} = (10^{-0.4})^9$ 이 된다.

$10^{-0.4}$ 대신 0.4를 씌우면 $x = (0.4)^9 = 0.064$.

즉 수심 9m에서의 빛의 세기는 0.064이다.

(3) 빛은 파장이 따라 굴절률이 다르다.

녹색빛과 빨간색 빛을 비교했을 때 굴절률을 $n_{\text{녹}} > n_{\text{빨}}$ 이므로 반사율을 통과 할 때 빨간색 빛이 녹색빛보다 더 깊은 곳까지 영향을 미친다. 하지만 바닷속에서는 녹색빛을 흡수하는 플랑크톤이 깊은 곳에서도 살아간다. 수면 가까이에서 쬐는 플랑크톤이 흡수하는 빛의 보색인 녹색을 반사하기 때문에 녹색은 더 깊은 곳까지 영향을 미칠 수 있다. 문제(2)에서 빨간색은 수심 9m에서도 0.064 만큼 빛이 영향을 미칠 수 있다.

이는 9m에서도 플랑크톤이 살 수 있어 이 플랑크톤이 보색을 반사할 수 있다는 것을 알 수 있다.

그러므로 10m 이상의 깊은 곳에서도 녹색빛을 흡수할 수 있는 플랑크톤이 서식할 수 있다.

【문제3】

(1) 영결만의 실험에서 녹색조류 해광은 녹색의 보색인 보라색과 빨간색 빛을 흡수하였고 그곳이 광합성을 하여 호기성 세균이 물리는데를 관찰할 수 있었다. 따라서 녹색과 파란색을 흡수하는 영결이 채집한 조류의 색은 녹색과 파란색이 보색인 빨간색 일 것이다.

(2) (다)에서 빛이 물속에서 3m를 진행하면 빨간 빛이 약 60%

흡수된다고 하였다. 이를 토대로 관계식을 만들어보면

$$I = I_0 \times 10^{-0.4d} \text{ 이므로}$$

처음 세기를 10이라 하면 3m 후의 나중 세기가 4 이므로

$$4 = 10 \times 10^{-0.4 \times 3}, 10^{-0.4 \times 3} = \frac{4}{10} \text{ 라는걸 알수있다}$$

질문에서 빨간 처음 빛의 세기가 1이고

9m 후의 세기를 물어보으므로

9m 후의 세기를 I_9 라 하면

$$I_9 = 1 \times 10^{-0.4 \times 9}$$

$$= 1 \times (10^{-0.4})^9 = 1 \times \left(\frac{4}{10}\right)^9$$

$$\therefore I_9 = \frac{4^9}{10^9}$$

(3) 조류가 생존하기 위해서는 빛을 흡수하여 광합성을 하며 에너지를 생성해야 하는데 물에서의 빨간가시광선의 세기는 (2)에서 보힌것과같이

깊어질수록 그 세기가 약해진다. 만약 깊은 물속의 조류가 녹색이라면 그 조류가 흡수하는 빨간 빛의

양이 부족해 생존하기가 힘들지만 빨간색이라면 흡수하는 녹색, 파란색의 빛의 양은 관계없으므로

생존할 수 있다. 따라서 홍조류는

10m 이상의 깊은 물속에도 서식할 수 있다.

(1) 제시문 (나)에 따르면 우리가 물체의 색으로 인식하는 색은 물체에 흡수되지 않은 빛으로, 흡수된 색의 보색이다. 허기성 세균이 녹색과 파란색의 주위에 모인다는 것은 녹색과 파란색의 빛이 흡수되어 광합성을 해 산소가 많이 만들어졌다는 뜻이다. 따라서 우리가 인식하는 이 종류의 색은 흡수된 녹색과 파란색의 보색인 빨간색이다.

(2) 제시문 (다)에서 "빛이 물속에서 3m를 진행하면 빨간색 빛의 약 60%가 흡수된다."라고 하였다. 이를 빛의 세기를 구하는 공식에 대입해보자. 물속에서 3m를 진행한 빨간색 빛의 세기는 60%가 흡수되어 $0.4I_0$ 가 된다.

$$I = I_0 \times 10^{-2x}$$

$$0.4I_0 = I_0 \times 10^{-2 \times 3}$$

$$10^{-3} = 0.4$$

수심 9m에서 빨간색 빛의 세기는 $I_0 \times 10^{-18}$ 의 식으로 구할 수 있다. 이때 $I_0 = 1$ 이고 $Q=9$ 이므로 $I = 10^{-9} = (10^{-3})^3 = (0.4)^3 = 0.064$ 이다

(3) 우리는 홍조류를 빨간색으로 인식한다. 이는 홍조류가 빨간색을 흡수하지 못하고 그 보색인 파란색과 녹색의 빛을 흡수해 광합성을 한다는 뜻이다. 물의 경우 개시광선 영역 중에서 빨간색 빛만 흡수되므로 나머지 색의 빛은 깊은 물속까지 도달할 수 있다. 따라서 파란색과 녹색의 빛을 주로 이용하여 광합성을 하는 홍조류는 깊은 물속에서도 서식할 수 있다.

(1) 빨간색인 것이다. 위 실험의 설명을 볼 때, 허기성 세균이 빨간색 빛과 보색 빛인 모인 것을 보아 이 부분에 산소가 많을 유추할 수 있다. 산소가 많다는 것은 해광이 광합성을 많이 했다는 이야기이고, 광합성을 많이 할 만큼의 빛이 존재한다는 것이다. 따라서 파란색과 녹색 빛의 빛을 흡수해 빨간색의 빛을 흡수했다는 것이다. 제시문 (나)에서 흡수된 빛은 양극된 빛의 보색이라는 이야기를 참고하여 녹색(해광)의 보색인 빨간색 빛과 보색 빛을 흡수해 광합성을 많이 했다는 것을 알 수 있다. 따라서 물체에서 녹색과 파란색 주위에 모인 것은 이 색들이 새로운 종류의 보색이라는 것을 알 수 있고 이 종류는 빨간색임을 알 수 있다.

(2) 제시문 (다)에서 3m를 진행했을 때,
 $0.4I_0 = I_0 \times 10^{-3Q}$ ($Q=3$)
 $\therefore Q=9$ 일때 빛의 세기를 구하는 것이므로
 $(0.4)^3 = 10^{-9Q}$ ← $Q=9$ 대입
 9m 통과 후 빛의 세기 = 0.064

(3) 녹색과 파란색 광합성 작용 빛 → 빨간색, 보색 빛
 홍조류 광합성 작용 빛 → 녹색, 파란색
 빨간색은 9m 통과 후 $1 \rightarrow 0.064$ 가 될 정도로 바닥에 많이 흡수된다. (표면에서부터)
 \therefore 표면에서 많이 흡수된 빨간색 빛은 이용해 녹색 종류의 광합성이 활발할 수 있다.
 이라 할 때 파장이 빨간색보다 작은 녹색, 파란색 빛은 굴절률이 크기 때문에 바닷속 깊이까지 흡수되지 않고 남아있게 된다.
 \therefore 수심 깊숙이 까지 들어가는 녹색 파란색 빛은 이 때 홍조류의 광합성이 활발할 수 있다.

【문제3】

(1) 우리 눈에는 물체가 흡수하지 못하고 반사된 색이 관찰된다.

따라서 우리 눈에 인식된 색은 흡수된 색의 보색이 된다.
엷길 만의 실정에서 녹색 조류인 해파리 빨간색 빛과
보라색 빛을 흡수한다는 것은 위의 내용의 좋은
사건이 된다.

평호가 채집한 조류는 녹색과 파란색의 빛을
흡수하므로 조류의 색은 녹색과 파란색의 보색인
빨간색의 것이다.

(2) 물의 경우 가시광선 영역에서는 빨간색 빛만
흡수한다. 빨간색 빛이 물속에서 3m 진행할 때마다
60%씩 흡수된다. 그러므로 남은 빨간색 빛은
40%이다.

빨간색 빛이 1의 세기인 물속을 9m 진행한다면
3m씩 3번 진행한 것이므로

빛의 처음 세기에 남은 빛의 양인 $\frac{4}{10}$ 를 3번
곱하면 된다.

따라서 수심 9m에서의 빨간색 빛의 세기는

$$1 \times \left(\frac{4}{10}\right)^3 = \frac{64}{1000}$$

$\therefore 0.064$ 이다.

(3) 바닷물에서는 빨간색 빛이 잘 흡수되므로

빨간색 빛을 흡수해 광합성을 하는
홍조류는 수면 가까이에서 살 수 밖에 없다.

반대로 빨간색 빛의 반색관계에 있는

파란색과 녹색의 빛은 바닷물에서 거의

흡수가 되지 않기 때문에, 깊은 물속까지

빛이 도달할 수 있다. 따라서 파란색과

녹색의 빛을 흡수하는 홍조류는 깊은 물 속에서도

광합성을 하며 서식할 수 있다.

【문제3】

(1) 빨간색이 되었다.

그 이유는 위의 <보기>에서 보듯이 광합성을 하면
산소가 만들어져 유기성 세균이 모이게 되는데
빨간색과 보라색 빛을 키우었을 때 그것을 흡수하고
광합성을 하며 유기성 세균이 모이기 때문에 빛은
흡수할 때는 자기의 색과 보색이 되는 색을 흡수한다는
것을 알 수 있다. 문제(1)의 조류는 녹색과 파란
색을 흡수하므로 수거를 동시에 보색으로 취하는 빨
간색이 된다.

(2) 물속에서는 빨간색 빛만 흡수하므로

미시외 법칙: $I = I_0 \times 10^{-ad}$ 을 사용 가능하다.

위와 같은 물속에서 빨간색 빛이 3m 진행했을 때 60%

가 흡수되므로 $\frac{4}{10} I_0 = I_0 \times 10^{-3a}$ 를 이용하면,

$10^{-3a} = \frac{4}{10}$ 가 되는데 물속에서는 9m에서
빛의 세기를 구하므로

$I = I_0 \times 10^{-9a}$ 가 되고 $I_0 = 1$ 이다.

$I = 10^{-9a} = (10^{-3a})^3 = \left(\frac{4}{10}\right)^3$

$I = \left(\frac{4}{10}\right)^3 = \frac{64}{1000}$ 이 된다.

$\therefore I = \frac{64}{1000}$

(3) 깊은 물속에서 홍조류가 서식할 수 있는 이유는
문제(2)에서 보듯이 빨간색 빛의 세기는 물에 흡수
되므로 점점 약해지고 있고 다른 빛은 흡수되지
않아 감소가 적다. 그래서 빨간색 빛을 반사하고
파란색 계열, 녹색 계열의 빛을 흡수하여 광합성을
하는 홍조류가 서식할 수 있는 것이다.

(1) 예시된 실험에서 호기성 세균이 녹색 빛과 파란색 빛 주위로 모이는 것은 채집한 조류가 녹색 빛과 파란색 빛을 흡수하여 광합성을 한다는 것을 의미한다. 녹색 빛과 파란색 빛이 흡수되므로 조류의 색은 이 두 색의 보색을 띤다. <그림 4>의 색상환에 따르면 녹색과 파란색의 보색이 빨간색이므로, 조류의 색은 빨간색이다.

(2) 제시문 (다)에 의하면, 빨간색 빛은 바닷물 속에서 3m의 거리를 진행할 때 약 60%가 흡수된다. 즉, 3m의 거리를 진행하면 빨간색 빛의 세기는 40%(0.4)로 감소한다. 제시문 (다)에서 주어진 비어의 법칙 [$I = I_0 \times 10^{-\alpha \ell}$]에 따라, 이동한 거리가 3m에서 9m로 3배 증가하면 빛의 세기는 세제곱으로 감소한다. $I/I_0 = (0.4)^3 = 0.064$. $I_0 = 1$ 이므로 9m 수심에서 빨간색 빛의 세기는 0.064가 된다. 이를 식으로 표현하면 다음과 같다.

$$I_3 = I_0 \times 10^{-3\alpha} = 0.4I_0 \quad \rightarrow \quad 10^{-3\alpha} = 0.4$$
$$I_9 = I_0 \times 10^{-9\alpha} = I_0 \times (10^{-3\alpha})^3 = I_0 \times (0.4)^3 = 0.064 \times I_0 = 0.064 \times 1 = 0.064$$

(3) 빛의 보색관계에 의해 녹조류는 빨간색 빛과 보라색 빛을 주로 흡수하고, 홍조류는 녹색 빛과 파란색 빛을 주로 흡수하여 광합성을 한다. 문제 (2)의 결과에 의해서 10m 수심에서는 90%이상 대부분의 빨간색 빛이 흡수되므로, 10m 수심에는 주로 녹색 빛과 파란색 빛이 도달함을 알 수 있다. 따라서 녹색 빛과 파란색 빛을 흡수하여 광합성을 하는 빨간색의 홍조류가 10m의 수심에서 서식할 수 있다.