

2009학년도 수시논술 예시문제 답안의 예 (자연계)

문 제

[문제 1] 지구의 반지름을 R , 질량을 M 이라고 두자. 제시문에서 달의 반지름은 지구반지름의 $\frac{1}{4}$ 정도라고 했으므로, 달의

반지름은 $\frac{1}{4}R$ 이 된다. 따라서 달의 부피는 지구의 부피의 $\frac{1}{4^3}$ 이다. 이 때, 달과 지구의 밀도가 같다고 가정하면,

$$\text{달의 질량은 지구의 질량의 } \frac{1}{4^3} \text{이다. 따라서 } g_{moon} = \frac{G \times \frac{1}{4^3} M}{\left(\frac{1}{4}R\right)^2} = \frac{1}{4} \times \frac{GM}{R^2} = \frac{1}{4} g_{earth} \text{ 이므로,}$$

달 표면에서의 중력가속도는 지구 표면에서의 중력가속도의 $\frac{1}{4}$ 으로 나온다.

이 결과는 제시문에서 실제로 달 표면에서의 중력가속도는 지구 표면에서의 중력가속도의 $\frac{1}{6}$ 이라고 한 것보다

큰 값이다. 중력은 천체의 질량에 비례하므로, 실제 달의 질량은 위 계산에서 사용한 지구의 질량의 $\frac{1}{4^3}$ 보다

더 작아야 한다. 따라서 달의 밀도는 지구의 밀도보다 더 작음을 알 수 있다.

[문제 2] 우주에서 우주인들이 겪게 되는 신체변화들은 우주의 무중력 상태로 인해 발생하는 운동감각의 둔화, 키의 증가,

골다공증 발생, 허리둘레의 감소, 얼굴의 부종 등이다. 운동감각의 둔화는 균형감각을 담당하는 귀 안쪽의

세반고리관과 통각세포가 중력의 변화로 인해 제대로 작동하지 못해 균형감각을 잃게 되고 받아들이는 감각신호들도

달라져 뇌에서 지시를 내려도 전달이 잘 안되기 때문이다. 키의 증가는 척추의 뼈와 뼈 사이 연골, 팔다리의 관절이

무중력 상태에서 늘어나는 변화이다.

골다공증 발생의 주된 원인은 무중력 상태인 우주선 내에선 지구 중력에 맞서 몸을 일으키거나 걷는 데 필요한 근육을

사용하지 않기 때문에 근력이 약해지고 뼈의 골밀도가 감소해 골다공증의 진행 속도가 빨라진다. 허리둘레의 감소는

우주에서는 아래로 당기는 중력이 작용하지 않아 몸안의 혈액이 균등하게 분포되고 신체 각 부분의 혈압도 동일해져

머리의 혈압이 지구에서 보다 높아져 얼굴이 부풀어 오르고 허리의 혈액이 가슴으로 이동하게 되어 허리둘레가

줄어든다.

문 제

[문제 3] 데이터 저장영역을 나선을 따라 자른 폭이 좁고 길이가 긴 띠 모양을 근사적으로 폭이 w , 길이가 L 인 직사각형이라고

근사적으로 생각할 수 있다. 따라서 이 직사각형의 면적은 근사적으로 환 모양의 데이터 저장 영역의 면적과 같다.

폭이 w , 길이가 L 인 직사각형의 면적은 wL 이고, 데이터 저장 영역은 반지름이 각각 $R = 58\text{mm}$, $r = 22.5\text{mm}$ 인 두 원 사이이므로, 그 면적은 $\pi R^2 - \pi r^2 = \pi(R^2 - r^2)$ 이다. 따라서 다음의 근사식을 얻게 된다.

$$wL \approx \pi(R^2 - r^2)$$

위 식으로부터 나선의 길이 L 의 근사값 L_1 을 다음과 같이 구한다.

$$L \approx L_1 = \frac{\pi(R^2 - r^2)}{w} \dots\dots\dots (1)$$

<문제 4> 데이터 저장영역을 채우고 있는 나선의 트랙 간격 w mm는 1/1000 mm 정도로 아주 촘촘히 배열되어있다.

따라서 전체 나선의 길이 L 은 w mm 간격으로 놓인 동심원들의 둘레의 합과 근사적으로 같다고 할 수 있다.

이 동심원의 반지름들은 공차가 w 인 등차수열이다. 동심원의 반지름을 안쪽에서부터 r_k , ($k = 1, 2, \dots, N$)

로 두면, 일반항은 $r_k = r + kw$ 이다. 그리고 동심원의 개수는 데이터 저장영역의 폭 $R - r$ 을 간격 w 로 나눈 값

$N = \frac{R - r}{w}$ 이므로 동심원들의 둘레 길이의 합은 $\sum_{k=1}^N 2\pi r_k$ 이다.

따라서 나선의 길이 L 의 근사값 L_2 를 다음과 같이 얻는다.

$$L \approx L_2 = \sum_{k=1}^N 2\pi r_k = 2\pi \sum_{k=1}^N (r + kw) = 2\pi rN + \pi wN(N + 1) \dots\dots\dots (2)$$

<문제 5> 문제 4에서와 같이 전체 나선의 길이 L 은 w mm 간격으로 놓인 동심원들의 둘레의 합과 근사적으로 같다고 하고

등각속도 방식 디스크의 용량 S 의 근사값을 구한다. 등각속도 방식에서는 일정한 각만큼 회전하는 동안 같은 양의 데이터를 읽으므로, 데이터 저장 영역의 어느 부분에서도 360도 회전하는 동안 읽는 데이터의 양은 항상 일정하다.

따라서 각 동심원에 저장되는 데이터의 양은 모두 같다.

가장 안쪽 원의 둘레의 길이가 가장 작으므로, 가장 안쪽 원의 둘레에 저장할 수 있는 최대 데이터의 양이 모든 동심원에 저장되는 양이 된다. 따라서 각 동심원에 저장되는 데이터의 양은 모두 $\delta \times (\text{가장 안쪽 원의 둘레}) = \delta \times (2\pi r_1)$ 이다.

$r_1 = r + w$ 이고 w 가 아주 작은 값이므로 $r_1 \approx r$ 이다. 따라서 각 동심원에 저장되는 데이터의 양은 모두 $2\pi r\delta$ 이다.

이 값에 동심원의 개수를 곱하면 전체 디스크의 저장용량이 된다. 즉,

$$S \approx 2\pi r\delta N \approx \frac{2\pi r\delta(R - r)}{w} \dots\dots\dots (3)$$

$f(r) = \frac{2\pi\delta r(R - r)}{w}$ 로 두면, $f(r)$ 은 r 에 대한 이차함수이고, 그 대칭축인 $r = \frac{R}{2}$ 에서 최댓값을 갖는다.