### 2019학년도 수시모집 논술우수전형

# 논술시험(자연기)

< 2018. 11. 18(일) 09:00 자연계 1교시 >

모집단위	전형.	유형	논술우수전형
수험번호	<b>₹</b>	명	

#### □ 답안작성 유의사항

- 가. 시험 시간은 100분이며, 답안은 반드시 과목별 지정 답안영역에 작성해야 합니다.
- 나. [ 수학1 ], [ 수학2 ]는 필수 문제이며, [ 물리 I ], [ 화학 I ], [ 생명과학 I ]의 3문제 중 1문제를 선택하여 응시해야 합니다.

(총 3문제)

- 다. 과학문제 선택과목을 반드시 표기(마킹●)해야 합니다.
- 라. 답안은 지정된 작성영역 내에 작성해야 하며, 지정된 작성영역을 초과하여 작성한 부분에 대해서는 평가하지 않습니다.
- 마. 답안 작성영역에는 어떠한 경우에도 인적사항을 기재하면 안됩니다. 인적사항(성명, 서명 등) 또는 답안과 관계없는 표기를 하는 경우 결격처리 될 수 있습니다.
- 바. 흑색 필기구를 사용해야 합니다.(연필·샤프 사용가능, 답안작성 중 필기구 종류 또는 색 상 변경 불가)
- 사. 답안 수정 시에는 취소선을 긋거나 지우개로 지워야 하며 수정액이나 수정테이프는 사용할 수 없습니다.
- 아. 답안지 전면 상단에 본인의 인적사항(모집단위, 수험번호, 성명 등)을 기재하고, 감독위 원의 확인을 받아야 합니다.



#### [ 수학1]

다음 <제시문1> ~ <제시문3>을 읽고 [수학1-i] ~ [수학1-iii]을 문항별로 풀이와 함께 답하시오.

#### <제시문1>

극한  $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x}{x}$ 의 값은 1이다. (단, x의 단위는 라디안)

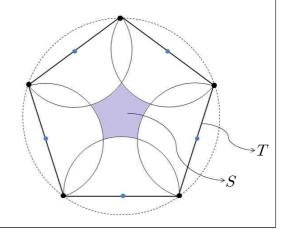
#### <제시문2>

다음과 같이 삼각함수의 덧셈정리가 성립한다.

 $\sin(\alpha+\beta) = \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta$ ,  $\cos(\alpha+\beta) = \cos\alpha\cos\beta - \sin\alpha\sin\beta$ 

#### <제시문3>

5 이상인 자연수 n에 대하여 반지름의 길이가 1인 원에 내접하는 정n각형을 T라고 하자. T의 각 변을 지름으로 가지는 n개의 원 내부에 포함되지 않는 T 내부의 영역을 S라고 하자. 예를 들어, n=5일 때 영역 S는 오른쪽 그림의 색칠한 부분이다. 정n각형 T 내부의 넓이를 f(n), 영역 S의 넓이를 g(n)이라고 하자.



[수학1-i] <제시문3>의 f(n)을 n에 대한 식으로 나타내고 그 이유를 논하시오.

[수학1-ii] <제시문3>에서 n=6일 때 g(6)의 값을 구하고 그 이유를 논하시오.

[수학1-iii] 극한  $\lim_{n\to\infty} n(f(n)-g(2n))$ 의 값을 구하고 그 이유를 논하시오.

### [ 수학2]

다음 <제시문1> ~ <제시문3>을 읽고 [수학2-i] ~ [수학2-iv]를 문항별로 풀이와 함께 답하시오.

#### <제시문1>

서로 다른 n개에서 r개를 택하는 조합의 수는  ${}_{n}\mathbf{C}_{r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$ 이다.

#### <제시문2>

서로 다른 n개에서 중복을 허용하여 r개를 택하는 중복조합의 수는  $_{n}$ H $_{r} = _{n+r-1}$ C $_{r}$ 이다.

#### <제시문3>

자연수 n에 대하여  ${}_{n}C_{0} + {}_{n}C_{1} + \dots + {}_{n}C_{n} = 2^{n}$ 이 성립한다.

답은  $_n$ C $_r$ ,  $_n$ H $_r$ , n!,  $2^n$  등을 사용하지 않는 자연수 표기법으로 적으시오. 예: 답이  $_5$ C $_2$ + $_3$ 이면  $_1$ 3으로 적는다.

[수학2 - i ] 두 집합  $X = \{x | x \in 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ ,  $Y = \{y | y \in 8 \text{ 이하의 자연수}\}$ 에 대해 다음 조건을 만족하는 함수  $f: X \rightarrow Y$ 의 개수를 구하고 그 이유를 논하시오.

조건: 정수  $1 \le i \le 9$ 에 대해  $f(i) \le f(i+1) \le f(i) + 1$ 이 성립하고 f(1) = 1이다.

[수학2-ii] 두 집합  $X = \{x | x \in 6 \text{ 이하의 자연수}\}, Y = \{y | y \in 21 \text{ 이하의 자연수}\}에 대해 다음 조건을 만족하는 함수 <math>f: X \rightarrow Y$ 의 개수를 구하고 그 이유를 논하시오.

조건:  $\{f(i+1)-f(i)|i$ 는  $1 \leq i \leq 5$ 인 정수}  $\subset \{1,2,3,5,7\}$ 이 성립하고 f(1)=1,f(6)=21이다.

[수학 2 -iii] 두 집합  $X = \{x | x 는 9 \text{ 이하의 자연수}\}$ ,  $Y = \{y | y 는 27 \text{ 이하의 자연수}\}$ 에 대해 다음 조건을 만족하는 함수  $f: X \rightarrow Y$ 의 개수를 구하고 그 이유를 논하시오.

조건: 정수  $1 \le i \le 8$ 에 대해  $0 \le f(i+1) - f(i) \le 4$ 이 성립하고 정수  $2 \le j \le 8$ 에 대해

 $f(j) \geq \frac{f(j-1) + f(j+1)}{2}$ 이 성립하며 f(1) = 1이다.

[수학2 -iv] 두 집합  $X = \{x | x \in 5 \text{ 이하의 자연수}\}$ ,  $Y = \{y | y \in 13 \text{ 이하의 자연수}\}$ 에 대해 다음 조건을 만족하는 함수  $f: X \rightarrow Y$ 의 개수를 구하고 그 이유를 논하시오.

조건: 정수  $1 \le i \le 4$ 에 대해  $f(i) \le f(i+1) \le f(i) + 7$ 이 성립한다.

#### [ 물리 I ]

다음 <제시문1> ~ <제시문3>을 읽고 [물리 I-i], [물리 I-ii]를 문항별로 풀이와 함께 답하시오.

전기장 E 안의 한 점에 놓여있는 전하량 q인 전하가 받는 힘 F는 F=qE이다.

#### <제시문2>

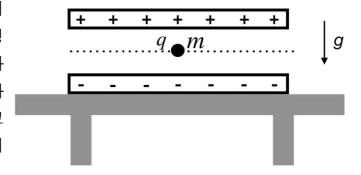
시각 t=0에 처음 속도  $v_0$ 로 출발한 물체가 일정한 가속도 a로 움직이면, 시간 t 후에 물체의 속도 v는  $v=v_0+at$ 이다. 이 시간 동안 물체의 변위 s는  $s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ 이다.

#### <제시문3>

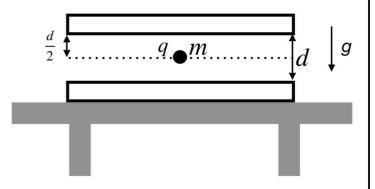
물체가 운동 상태의 변화 없이 안정적으로 정지해 있는 상태를 역학적 평형 상태라고 한다. 물체가 역학적 평형 상태를 유지하기 위해서는 다음의 두 평형 조건을 만족해야 한다.

- 1. 힘의 평형: 물체에 작용하는 모든 힘의 합력, 즉 알짜힘이 0이어야 한다.
- 2. 돌림힘의 평형: 물체에 작용하는 모든 돌림힘의 합이 0이어야 한다.

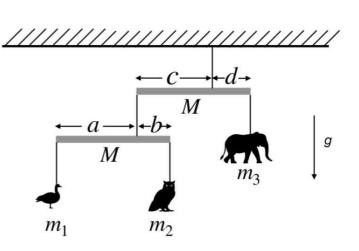
[물리 I - i] (가) 그림과 같이 반대 전하로 대전된 두 평행판이 연직 아랫방향의 균일한 중력장 안에서 탁자위에 놓여있다. 평행 판의 중앙에 전하량 q, 질량 m인 입자를 가만히 놓으면 입자가 평행판 사이의 균일한 전기장 E 안에서 계속 정지해 있다. 입자 의 전하량 q = m, E, g = 0 이용해 전하량의 부호와 함께 나타내고 그 근거를 제시하시오. (단, 평행판은 고정되어 있어 움직이지 않고, 중력가속도는 g이다.)



(나) 각각의 평행판에 대전되어 있던 전하를 모두 없애 평행판 사이의 전기장을 E=0으로 했다. 평행판 중앙에 가만히 놓인 (가) 실험의 입자가 평행판에 닿는 순간의 속력을 구하고 그 근 거를 제시하시오. (단, 평행판 사이의 거리는 d이며, 입자의 크 기와 공기 저항은 무시한다.)



를 이용해서 그림과 같이 질량  $m_1, m_2, m_3$ 인 세 물체를 실로 연 결해 천장에 고정했다. 두 막대와 세 물체가 그림과 같이 역학 적 평형 상태를 유지하고 있을 때, 실을 막대에 고정한 위치는 각각의 막대를 그림과 같이 a:b와 c:d로 분할한다.  $\frac{a}{b}$ 와  $\frac{c}{d}$ 를  $m_1, m_2, m_3, M$ 을 이용해 나타내고 그 근거를 제시하시오. (단, 중력가속도는 g이고, 실의 질량과 막대의 두께는 무시한다.)



#### [ 화학 I ]

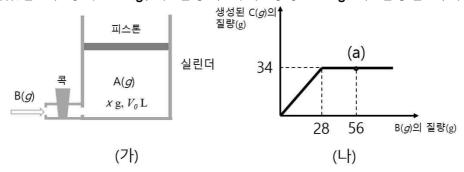
다음 <제시문1>, <제시문2>를 읽고 [화학 I - i ] ~ [화학 I - v ]를 문항별로 풀이와 함께 답하시오.

#### <제시문1>

A(g)와 B(g)가 반응하여 C(g)를 생성하는 화학 반응식은 다음과 같다.

$$3A(\mathbf{g}) + B(\mathbf{g}) \rightarrow 2C(\mathbf{g})$$

그림 (가)는 실린더에 0°C, 1기압에서 x g 의 A(g)가  $V_0$  L의 부피로 들어 있는 것을, (나)는 (가)의 실린더에 B(g)를 조금씩 넣으면서 반응시켰을 때 넣어준 B(g)의 질량에 따라 생성된 C(g)의 질량을 나타낸 것이다.



#### <제시문2>

다음은 HC1(aq)과 금속 D, E, F, G를 이용한 산화-환원 반응의 실험 과정 및 결과이다.

- (1) HCI(aq)에 금속 D를 넣었더니, 수소 기체가 발생하였고, 금속 D가 모두 녹았다.
- (2) 과정 (1)에서 얻어진 용액에 금속 E를 넣었더니, 수소 기체가 발생하였고, 금속 E의 일부가 남았으며, 석출된 금속은 없었다.
- (3) 과정 (2)에서 얻어진 용액에 금속 F를 넣었더니, 금속 D와 E가 석출되었다.
- (4) 과정 (1)에서 얻어진 용액에 금속 G를 넣었더니, 아무런 변화가 없었다.

[화학 I - i ] 아보가드로 법칙을 이용하여 <제시문1>의 (a) 지점에서 실린더에 들어 있는 기체의 부피( $\mathcal{V}$ )를 처음 부피( $\mathcal{V}$ )와 비교하여 논하시오. (단, 온도와 압력은 일정하고 피스톤의 질량과 마찰은 무시한다. 기체 B를 넣을 때만 콕을 열고, 반응 시에는 닫는다.)

[화학 I - ii ] 러더퍼드는 금박에  $\alpha$  입자를 충돌시키는  $\alpha$  입자 산란 실험을 통해 러더퍼드의 원자 모형을 제시하였다. 만약에 러더퍼드의 실험에서 일부의  $\alpha$  입자들의 진로가 휘어지거나  $\alpha$  입자원 방향으로 튕겨 나오지않고, 모든  $\alpha$  입자들이 금박을 그대로 통과하는 실험 결과만을 얻었다고 가정한다면, 러더퍼드의 원자모형은 어떻게 수정될 수 있는지 논리적으로 제시하시오.

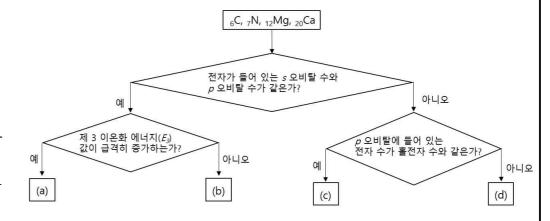
[화학 I -iii] 오른쪽 그림은 바닥상태인 원자를 주어진 기준에 따라 분류한 것이다. (가) (a)~(d)에 해당하는 원자를 각각 적으시오.

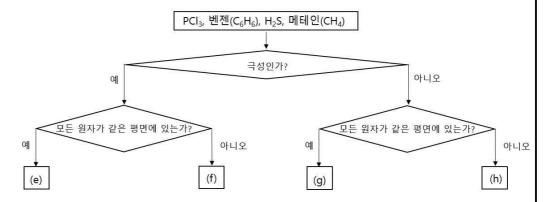
(나) 기체 상태의 원자 1몰로부터 전자 1 몰을 떼어 내기 위해 빛 에너지를 사용하려고 한다. 이를 위해 필요한 빛의 파장이 긴 원자부터 차례대로 나열하고 그 근거를 제시하시오.

[화화 I - iv] 오른쪽 그림은 주어진 4가지 분자를 분류하는 과정을 나타낸 것이다. (가) (e)~(h)에 해당하는 분자를 각각 적

(나) 중심원자의 결합각이 큰 분자부터 차 례대로 나열하고 그 근거를 제시하시오. (단, 벤젠의 경우 6개의 탄소 원자 중에서 하나를 중심원자로 간주한다.)

으시오.





[화학 I - v] <제시문2>에 주어진 금속 D, E, F, G의 산화 경향성이 큰 금속부터 차례대로 나열하고 그 근거를 제시하시오.

#### [생명과학 I ]

다음 <제시문1> ~ <제시문3>을 읽고 [생명과학 I-i] ~ [생명과학 I-iii]을 문항별로 풀이와 함께 답하시오.

#### <제시문1>

자극을 받지 않은 뉴런의 막 안과 밖에 미세 전극을 꽂으면 약 -70 mV의 전위차가 측정되는데 이를 휴지막 전위라고 한다.

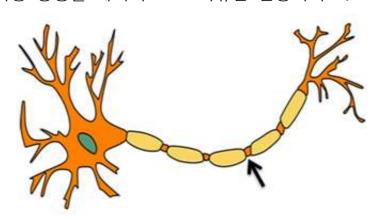
#### <제시문2>

뉴런의 세포막에 있는  $Na^+-K^+$  펌프는 나트륨 이온 $(Na^+)$ 을 막 바깥으로 내보내고 칼륨 이온 $(K^+)$ 을 막 안쪽으로 이동시킨다. 막 바깥으로 나간  $Na^+$ 은  $Na^+$  통로를 통해 세포 내로 거의 들어오지 못하지만 막 안쪽으로 들어온  $K^+$ 은 열려있는 일부  $K^+$  통로를 통해 막 바깥으로 이동할 수 있다.

#### <제시문3>

휴지 상태의 뉴런에 자극을 주면 막전위가 급격하게 상승하는데 이러한 막전위의 변화를 활동 전위라고 한다. 뉴런이 자극을 받으면 탈분극이 진행되는데 이때 Na<sup>+</sup> 통로가 열려 막 바깥에 있던 Na<sup>+</sup>이 세포막 내부로 빠르게 확산되어 들어온다. 막전위가 활동 전위 정점에 이르면 Na<sup>+</sup> 통로는 닫히고 K<sup>+</sup> 통로가 열려 K<sup>+</sup>이 세포막 바깥으로 빠져나간다. 그 결과 막전위가 휴지막 전위 상태로 돌아가는데 이를 재분극이라고 한다. 이때 Na<sup>+</sup>-K<sup>+</sup> 펌프의 작용으로 세포막 안으로 유입되었던 Na<sup>+</sup>은 밖으로 나가고 K<sup>+</sup>이 막 안으로 들어와 막 안팎의 이온 분포는 원래 상태로 돌아간다.

[생명과학 I - i ] 아래 그림은 정상적인 뉴런의 모식도이다. 화살표(↑) 위치에 자극을 주어서 활동 전위를 발생시켰다. 이 활동 전위의 이동 방향을 제시하고 그 이유를 설명하시오.



[생명과학 I-ii] 정상적인 뉴런에 Na<sup>+</sup>-K<sup>+</sup> 펌프의 기능을 정지시키는 물질 X를 처리하였다. 이 뉴런에 지속적인 자극을 가하여 반복적인 활동 전위를 발생시켰다. 이렇게 충분한 시간 동안 지속적인 자극을 받은 뉴런에서 활동 전위의 변화를 설명하고 그 근거를 논하시오.

[생명과학 I-iii] 습지에 서식하는 수생 생물로부터 신경 독극 물질을 채취하였다. 이 독극 물질을 뉴런을 배양하고 있는 배양액에 주입하여 이 뉴런이 어떻게 반응하는지를 살펴보았다. 아래 그래프는 이 뉴런에 독극물질을 처리하기 전(실선)과 처리한 후(점선)에 자극을 주어 활동 전위가 어떻게 변화하는지를 관찰한 것이다. 이 독극 물질이 뉴런의 Na<sup>+</sup>-K<sup>+</sup> 펌프, Na<sup>+</sup> 통로 및 K<sup>+</sup> 통로에 어떠한 영향을 미쳤는지 추론하시오.

